



**DEPARTAMENTO DE DIBUJO**

**CURSO 2017-2018**

**Profesor: Manuel Martínez Vela**

**Asignatura:**

**DIBUJO TÉCNICO II (2º Bachillerato)**

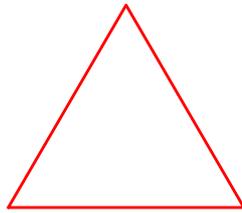
**Prácticas:**

**TRAZADOS GEOMÉTRICOS**



## Clasificación de los triángulos:

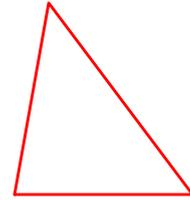
Según sus lados:



Equilátero

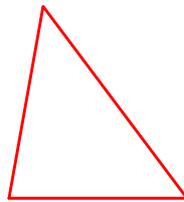


Isósceles

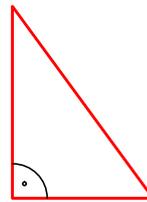


Escaleno

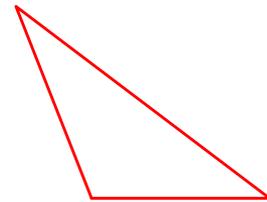
Según sus ángulos:



Acutángulo

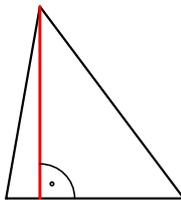


Rectángulo

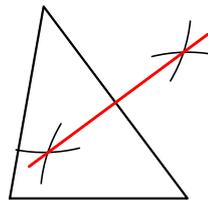


Obtusángulo

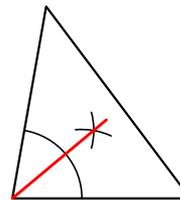
## Puntos y rectas notables:



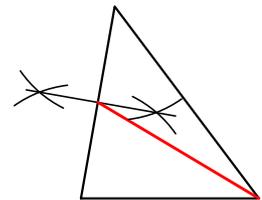
Altura



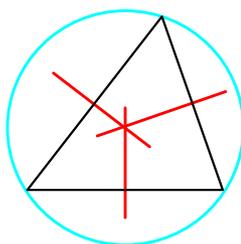
Mediatriz



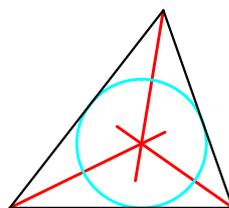
Bisectriz



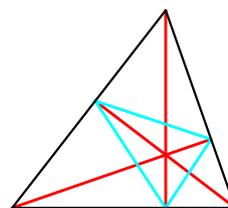
Mediana



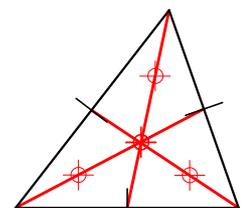
Circuncentro  
(Mediatrices)



Incentro  
(Bisectrices)



Ortocentro  
(Alturas)



Baricentro  
(Medianas)

- El circuncentro es el centro de la circunferencia circunscrita.
- El incentro es el centro de la circunferencia inscrita.
- El ortocentro es a su vez el incentro del triángulo órtico (el que tiene sus vértices en los pies de las alturas)
- El baricentro es el centro de gravedad del triángulo y está situado a  $1/3$  del lado y a  $2/3$  del vértice sobre cada mediana.



## CUADRILÁTEROS:

Polígonos de cuatro lados.

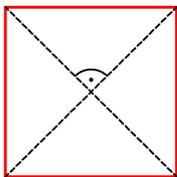
Las rectas que unen los vértices opuestos se llaman diagonales.

La suma de sus ángulos interiores es de  $360^\circ$ .

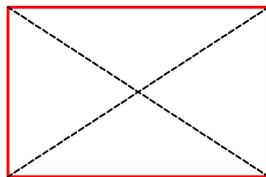
Se clasifican según el paralelismo de los lados:

1. **Paralelogramos:** Lados opuestos paralelos dos a dos.
2. **Trapecios:** Dos lados paralelos (bases).
3. **Trapezoides:** Ningún lado paralelo.

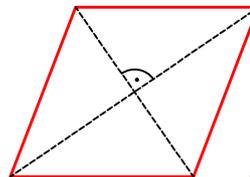
### 1. Paralelogramos



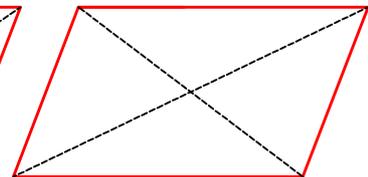
Cuadrado



Rectángulo



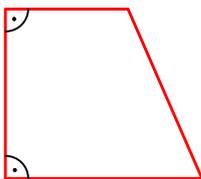
Rombo



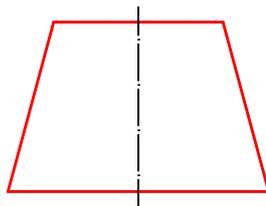
Romboide

- **Cuadrado:** Lados iguales. Ángulos interiores rectos. Diagonales iguales, mediatriz una de otra.
- **Rectángulo:** Lados iguales dos a dos. Ángulos interiores rectos. Diagonales iguales y oblicuas entre sí.
- **Rombo:** Lados iguales. Ángulos interiores opuestos iguales y adyacentes desiguales. Diagonales desiguales, mediatriz una de otra.
- **Romboide:** Lados iguales dos a dos. Ángulos opuestos interiores iguales y adyacentes desiguales. Diagonales desiguales y oblicuas entre sí.

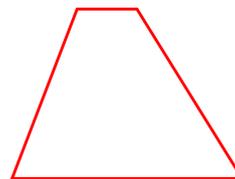
### 2. Trapecios



T. Rectángulo



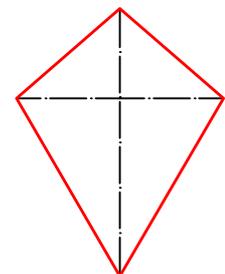
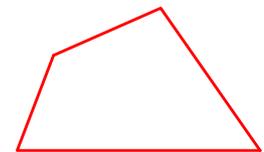
T. Isósceles

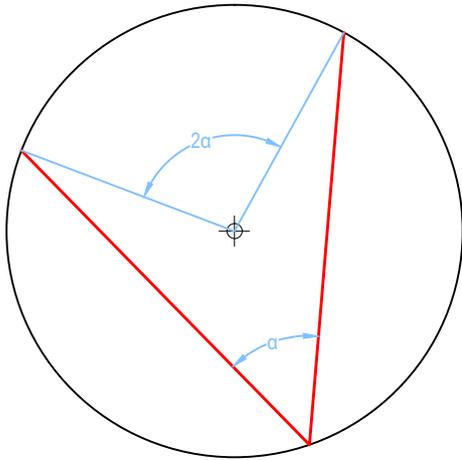


T. Escaleno

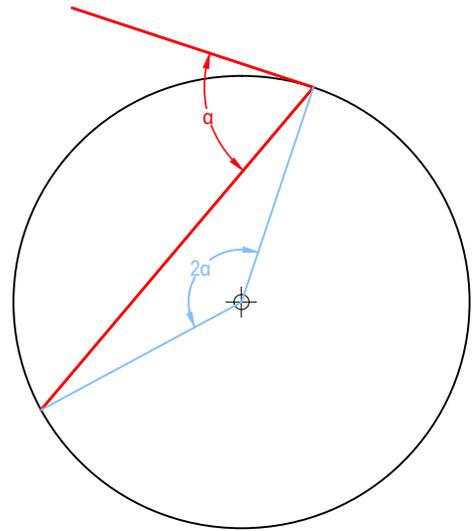
- **Trapezio Rectángulo:** Uno de los lados es perpendicular a las bases.
- **Trapezio Isósceles:** Lados no paralelos iguales.
- **Trapezio Escaleno:** Lados desiguales.

### 3. Trapezoides

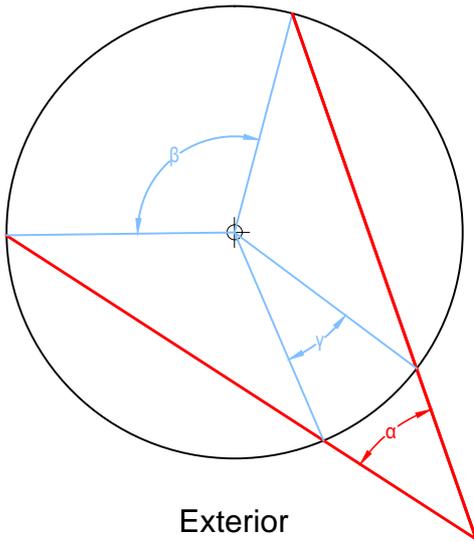




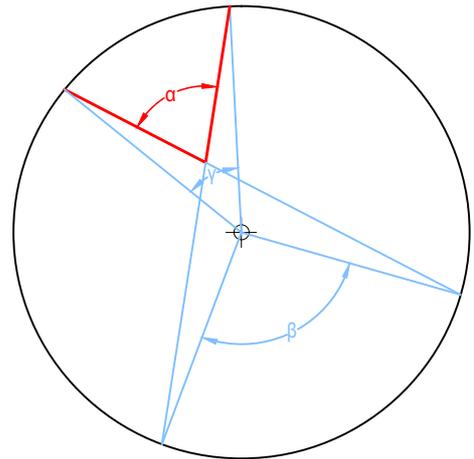
Inscrito



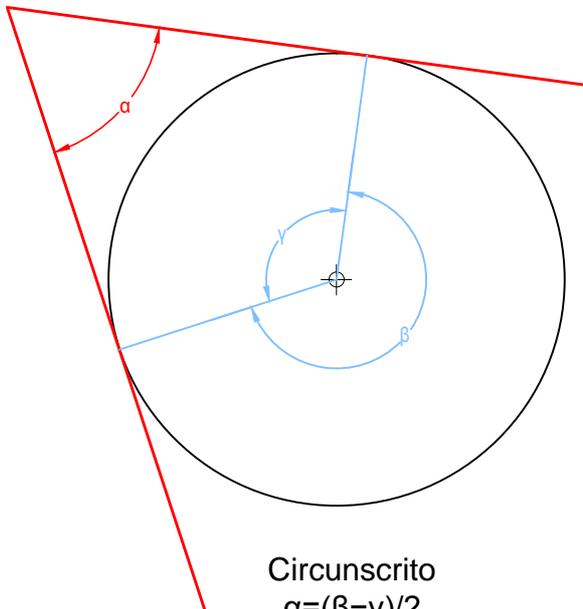
Semiinscrito



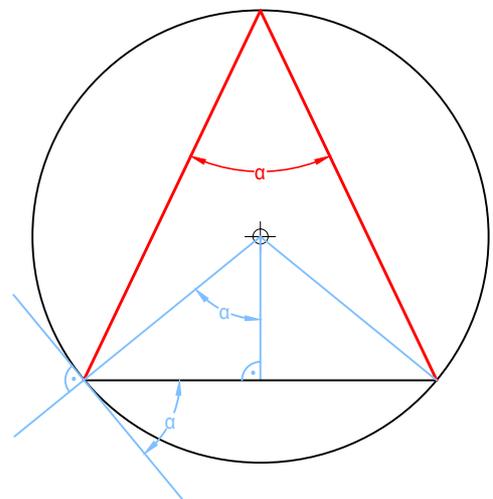
Exterior  
 $\alpha = (\beta - \gamma) / 2$



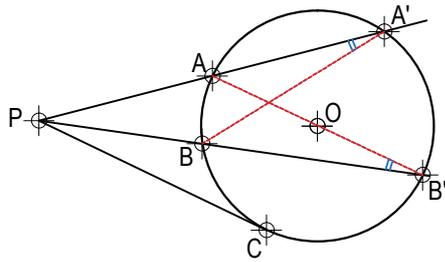
Interior  
 $\alpha = (\beta + \gamma) / 2$



Circunscrito  
 $\alpha = (\beta - \gamma) / 2$



Arco capaz

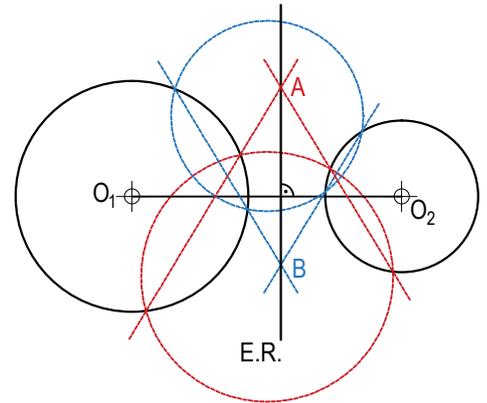
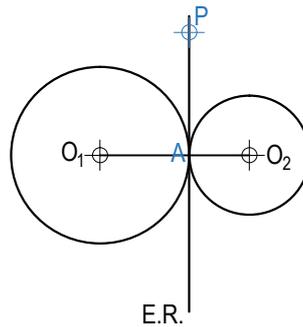
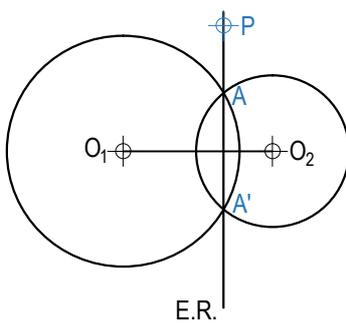


**POTENCIA de un punto respecto a una circunferencia:**

Es el producto de las distancias desde P a los dos puntos de intersección con la circunferencia de las secantes trazadas desde dicho punto. El valor es constante e igual al cuadrado de la distancia al punto de tangencia C.

$$PA \times PA' = PB \times PB' = PC^2 = K$$

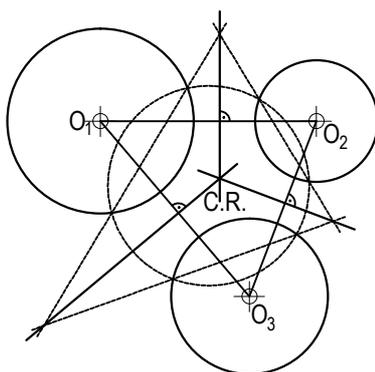
Los triángulos PAB' y PBA' son semejantes pues sus ángulos son iguales y, por lo tanto, sus lados son proporcionales.  $PA/PB = PB'/PA'$  de donde  $PAXPA' = PB \times PB'$



**EJE RADICAL de dos circunferencias:**

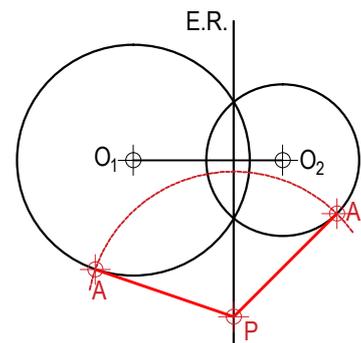
Lugar geométrico de los puntos del plano con igual potencia respecto a las circunferencias. Es perpendicular al segmento que une los centros.

1. Si las circunferencias son secantes, cualquier punto P situado en la recta que une los puntos de intersección tiene la misma potencia con respecto a ambas.
2. Si son tangentes, el eje radical es la recta tangente a ambas.
3. Si las circunferencias no se cortan, el punto de intersección de los ejes radicales de cada una de ellas con una tercera pertenece al eje radical de ambas.



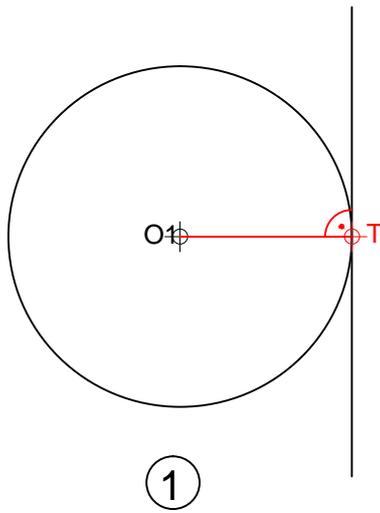
**CENTRO RADICAL de tres circunferencias:**

Punto que tiene igual potencia respecto a las tres circunferencias.

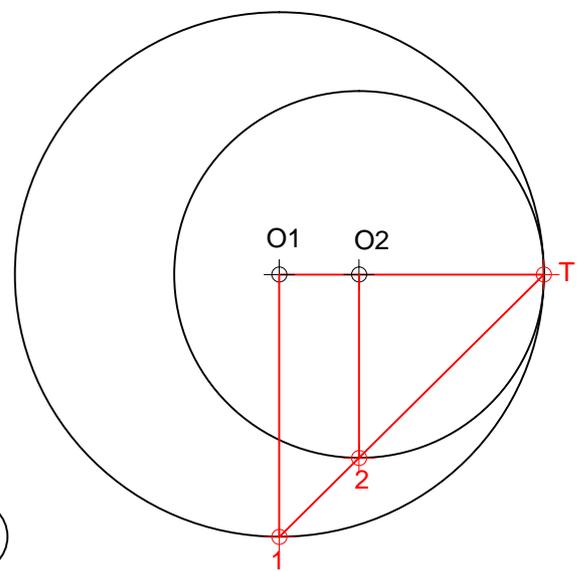
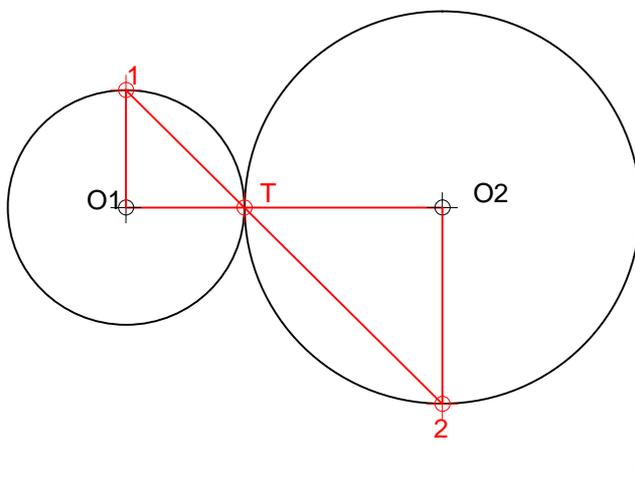
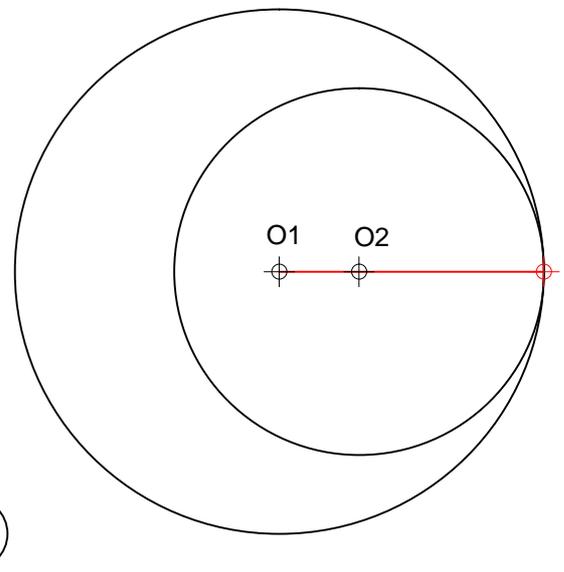
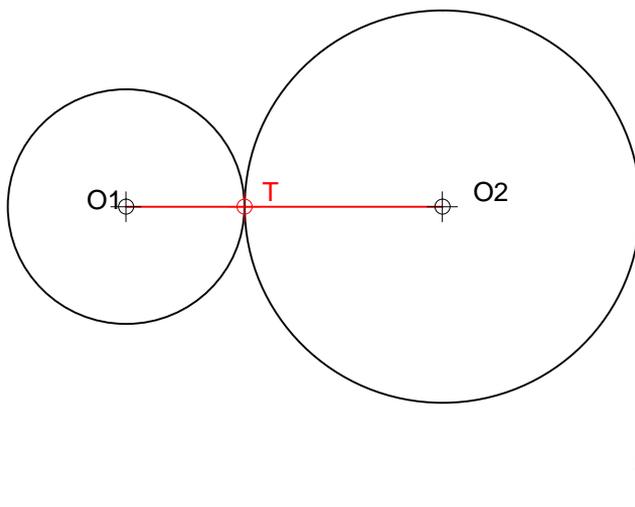


**TANGENTES desde un punto del Eje Radical:**

Como los puntos del eje radical tienen igual potencia respecto a dos circunferencias los segmentos de las tangentes tendrán igual longitud.



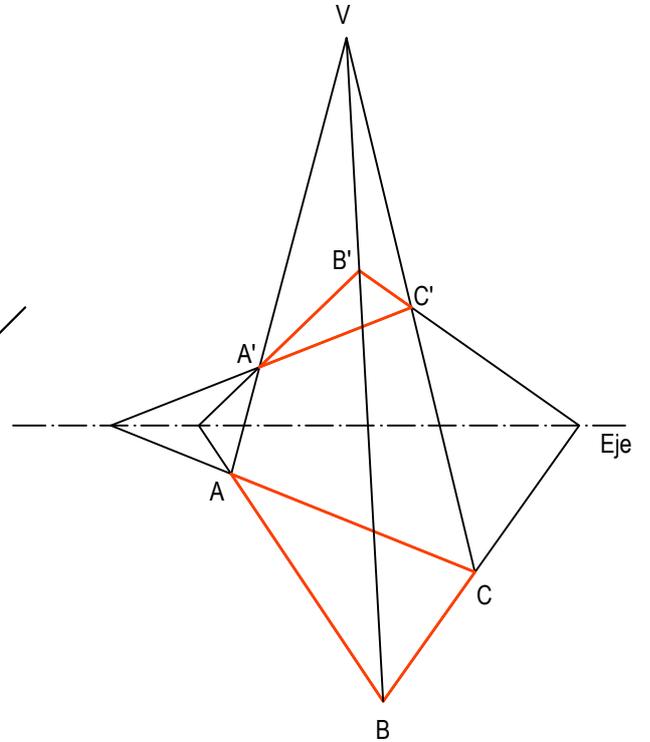
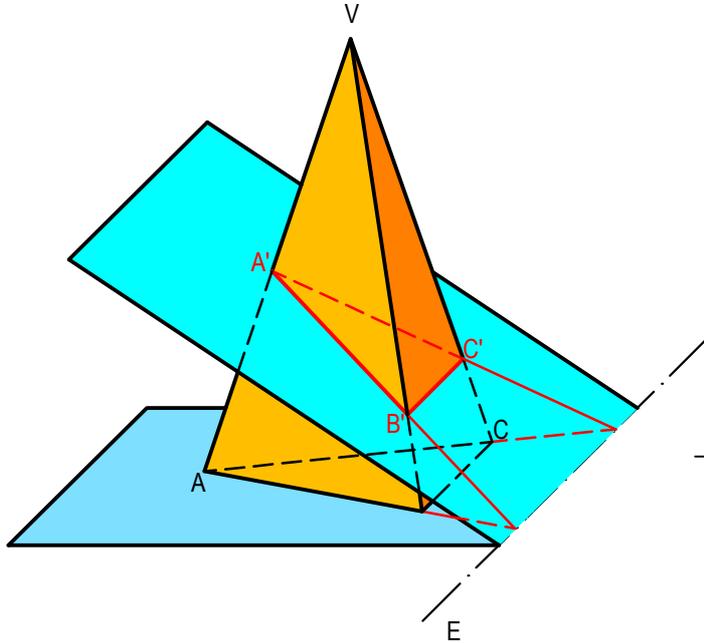
1. **Recta tangente a una circunferencia:** El radio que pasa por el punto de tangencia es perpendicular a la tangente.
2. **Circunferencias tangentes entre sí:**
  - a. Los centros y el punto de tangencia están alineados.
  - b. La recta que pasa por los extremos de radios paralelos contiene al punto de tangencia



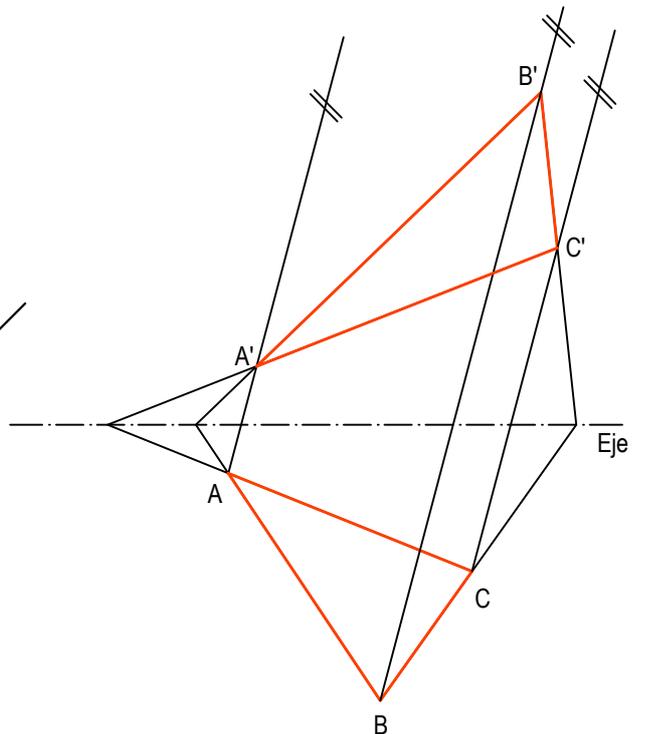
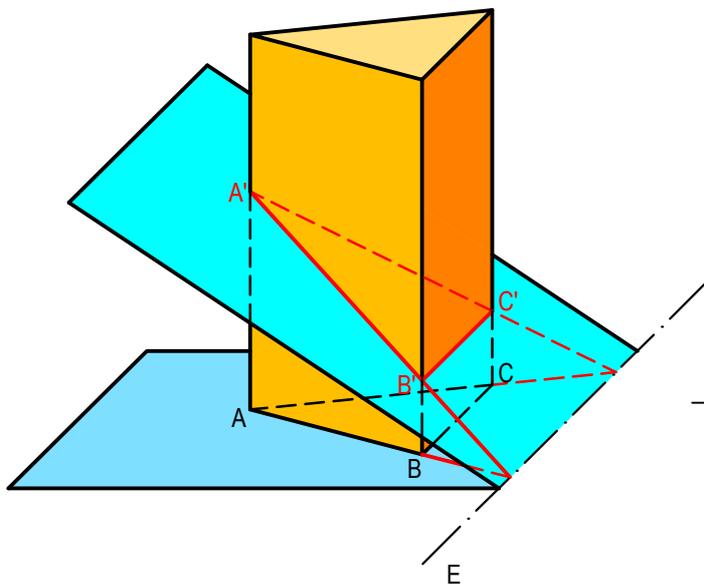


Homología:

1. Los puntos homólogos (A-A', B-B', C-C') se alinean con el centro de la homología (V)
2. Las rectas homólogas (AB - A'B' etc.) se cortan en el eje de homología (E).

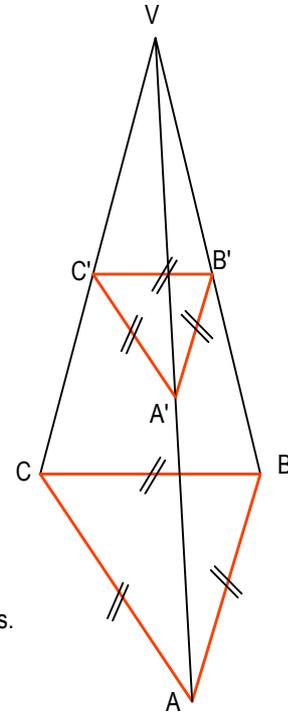
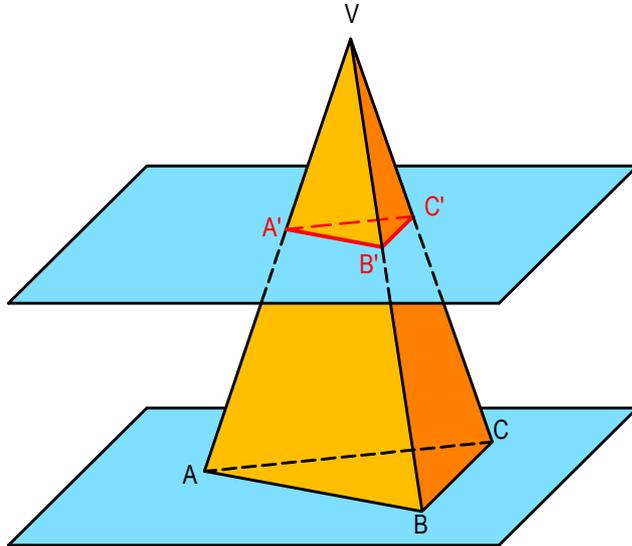


Homología Afín (Afinidad): Cuando el centro de homología es un punto impropio.

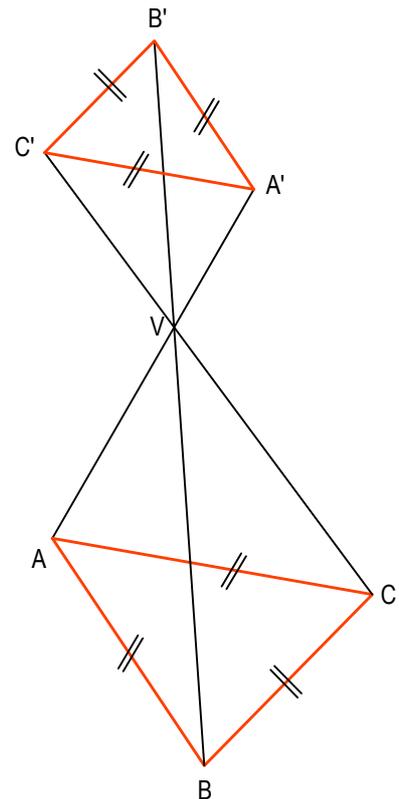
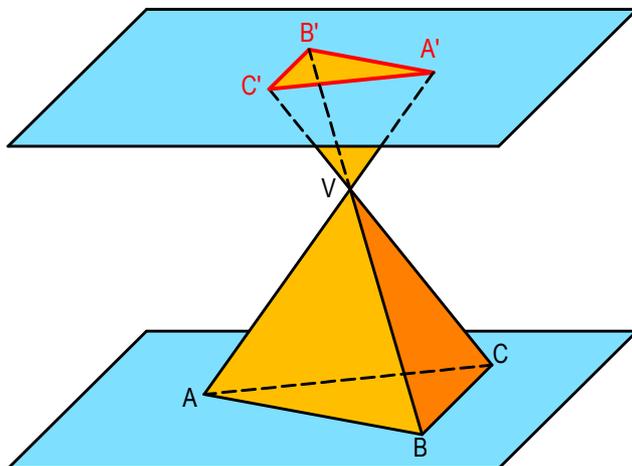




Homotecia: Cuando el Eje de homología se sitúa en el infinito. (genera figuras semejantes)



Homotecia positiva: el centro de homotecia está situado a un lado de las figuras homotéticas.

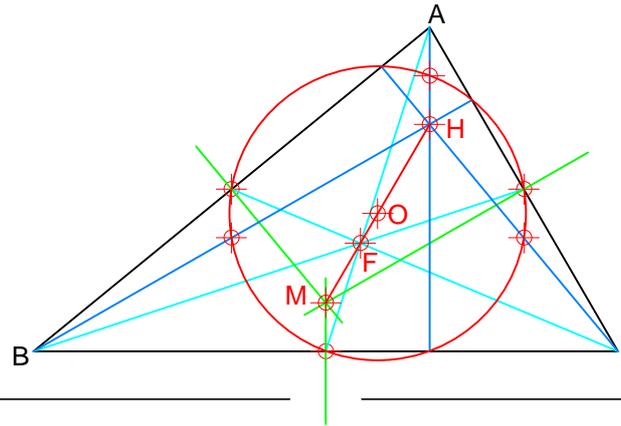


Homotecia negativa: el centro de homotecia está situado entre las figuras homotéticas.

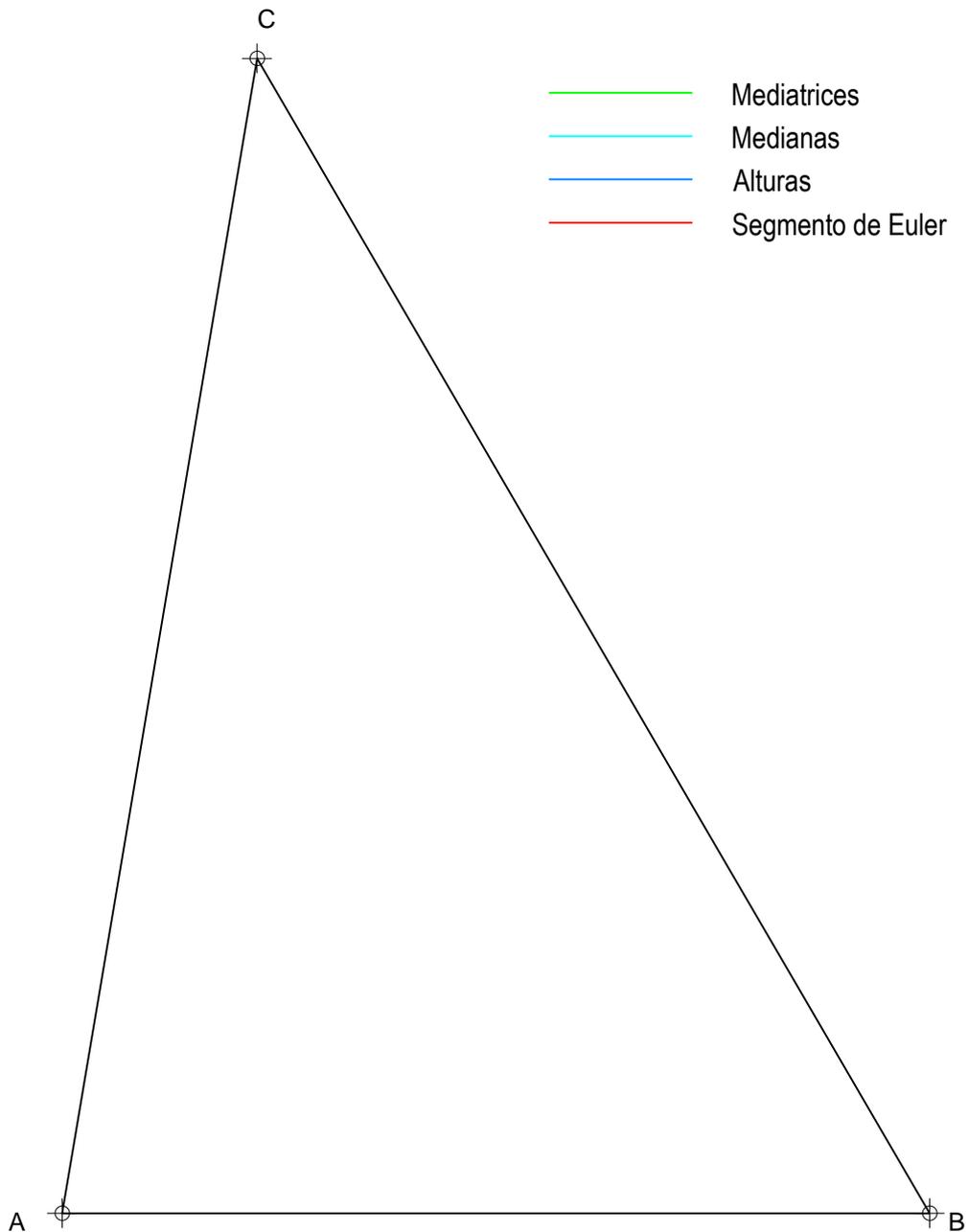


**Segmento y circunferencia de Euler:**

El segmento de Euler une el ortocentro H con el circuncentro M. Contiene al baricentro F a un tercio de su longitud. El punto medio O de este segmento es el centro de la circunferencia de Euler que contiene a los pies de las alturas y a los puntos medios de los lados. Además contiene a los puntos medios de los segmentos comprendidos entre el ortocentro y cada uno de los vértices.



Hallar el segmento y la circunferencia de Euler del triángulo ABC:

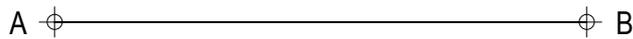




DIBUJO TÉCNICO II

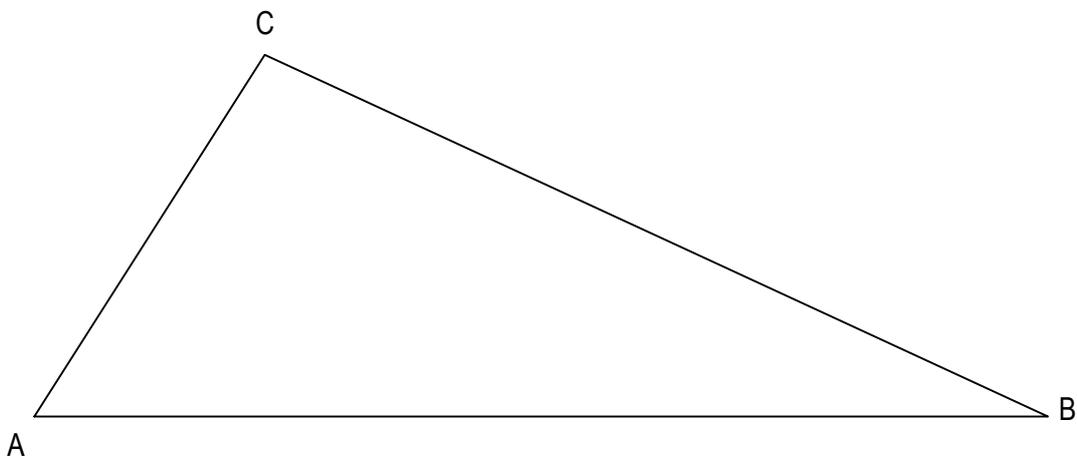
Dado el segmento AB, se pide:

1. Dibujar el triángulo ABC que cumpla: su base es AB, el ángulo en el vértice C es de  $45^\circ$ , su altura 60 mm y el ángulo en el vértice B es el mayor posible.
2. Dibujar la circunferencia inscrita en dicho triángulo.
3. Hallar el baricentro del triángulo ABC.



Dado el triángulo ABC, se pide:

1. Determinar el incentro I y dibujar la circunferencia inscrita.
2. Determinar el circuncentro M y dibujar la circunferencia circunscrita.
3. Determinar el baricentro T.
4. Dibujar la circunferencia que contiene el incentro, baricentro y circuncentro.





Construir un triángulo rectángulo sabiendo que su altura sobre la hipotenusa mide 6 cm y la proyección de uno de sus catetos sobre la hipotenusa mide 4 cm. Una vez dibujado el triángulo, determinar su baricentro, circuncentro, incentro y ortocentro, indicando cuál de ellos es cada uno.

La longitud de los lados iguales de un triángulo isósceles es 120 mm, y la altura sobre uno de esos lados iguales es 75 mm, se pide:

1. Representar el triángulo isósceles.
2. Representar la circunferencia inscrita en el triángulo, indicando los puntos de tangencia.

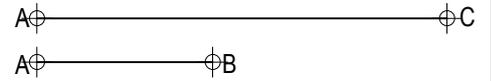


**DIBUJO TÉCNICO II**

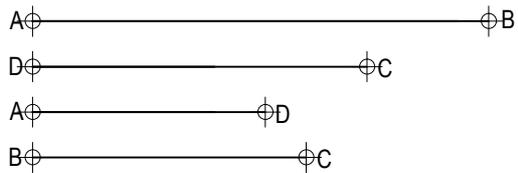
Dibujar un cuadrado conocida su diagonal



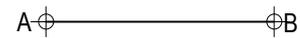
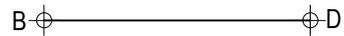
Dibujar un rectángulo conocida su diagonal AC y uno de los lados.



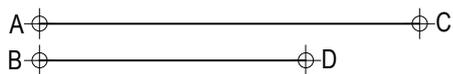
Dibujar un trapecio conocidos sus cuatro lados  
 (Las bases son AB y CD).



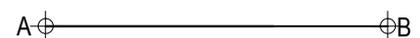
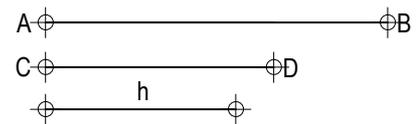
Dibujar un rombo conocido el lado AB y una diagonal BD.



Dibujar un rombo conocidas sus dos diagonales



Dibujar un trapecio rectángulo conocidas sus bases y su altura.

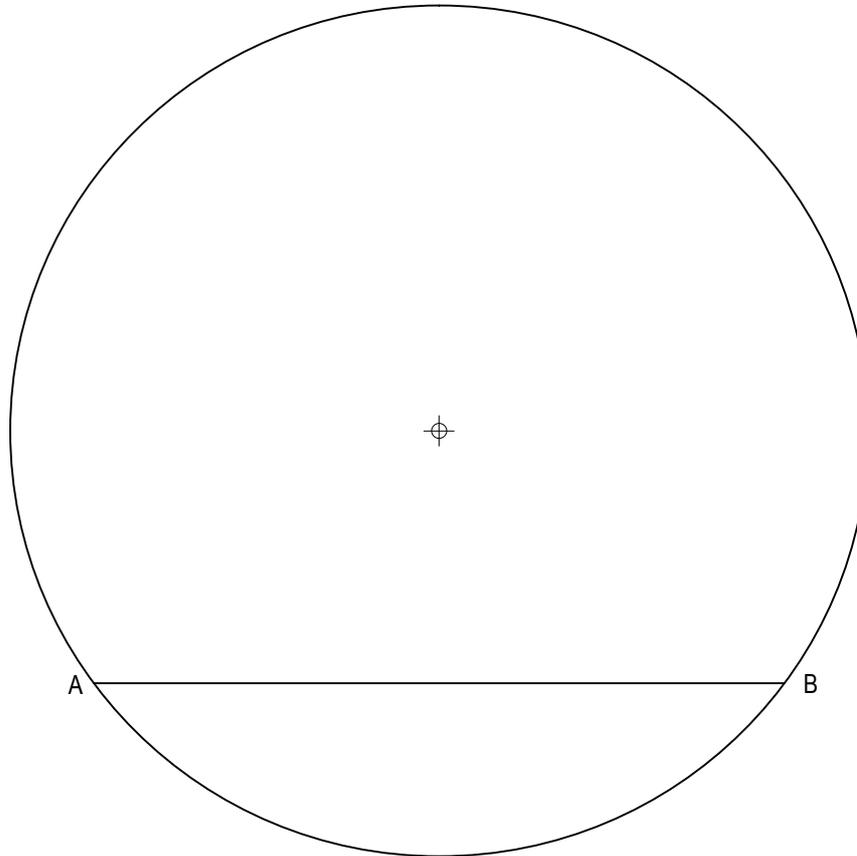




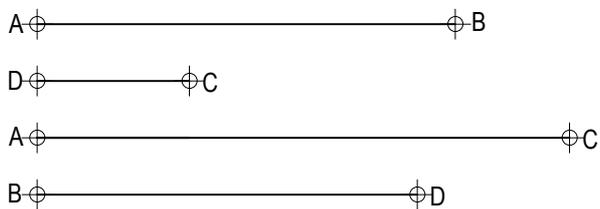
**DIBUJO TÉCNICO II**

Dada la circunferencia de centro O y una cuerda AB de la misma, se pide:

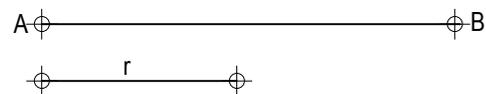
1. Representar el trapecio isósceles inscrito en la circunferencia, siendo su base mayor la cuerda AB, y sabiendo que las diagonales forman con ella un ángulo de  $45^\circ$ .
2. Deducir razonadamente el valor de los ángulos que forman las diagonales con la base menor. (Ejercicio PAU)



Dibujar un trapecio conocidas sus dos bases (AB y CD) y sus dos diagonales (AC y BD).



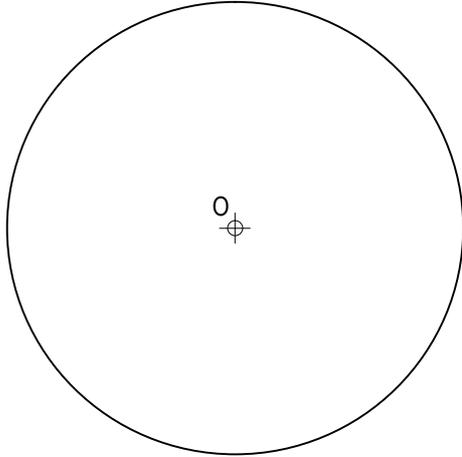
Dibujar un rombo dados el lado y el radio de la circunferencia inscrita.



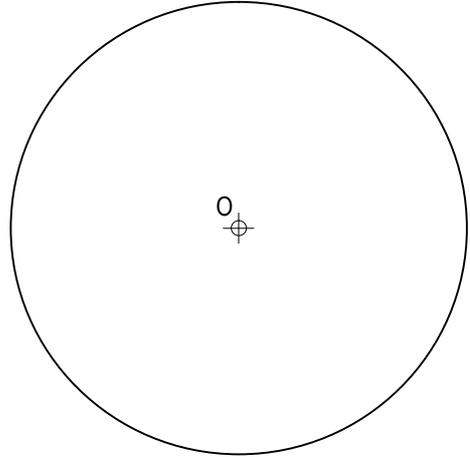


**DIBUJO TÉCNICO II**

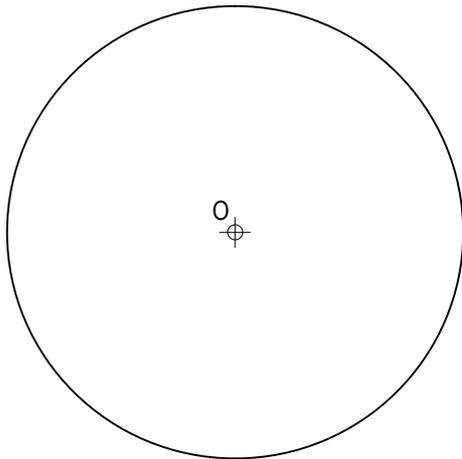
Dividir la circunferencia en 3 y 6 partes iguales y dibujar el triángulo equilátero y hexágono regular inscritos.



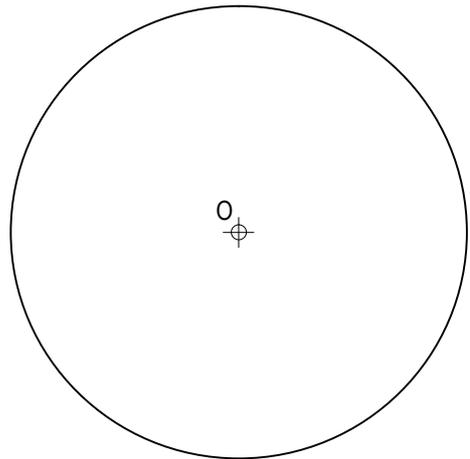
Dividir la circunferencia en 4 y 8 partes iguales y dibujar el cuadrado y el octógono regular inscritos.



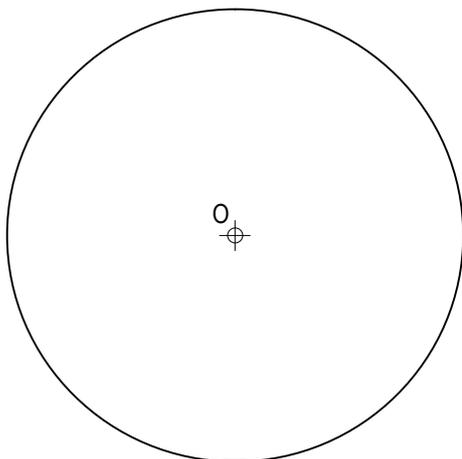
Dividir la circunferencia en 5 partes iguales y dibujar el pentágono regular inscrito.



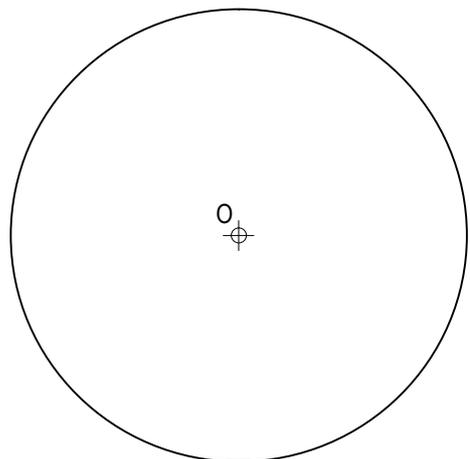
Dividir la circunferencia en 10 partes iguales y dibujar el decágono regular inscrito.



Dividir la circunferencia en 7 partes iguales y dibujar el heptágono regular inscrito.



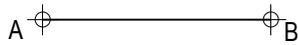
Dividir la circunferencia en 7 partes iguales y dibujar los polígonos estrellados posibles.



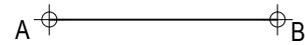


**DIBUJO TÉCNICO II**

Dibujar el pentágono regular de lado AB



Dibujar el hexágono regular de lado AB



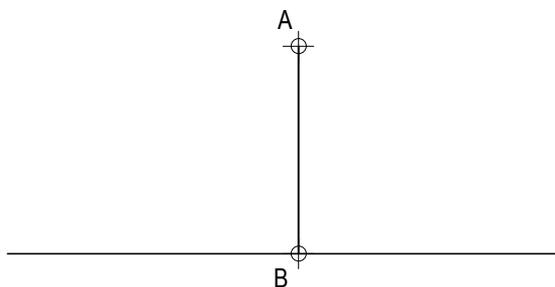
Dibujar el heptágono regular dado el lado AB



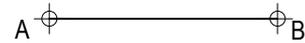
Dibujar el octógono regular de lado AB



Dibujar un pentágono regular conocida su apotema AB



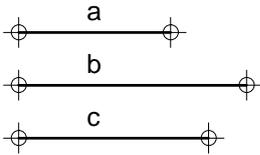
Dibujar un pentágono regular de centro el punto O y lado AB.





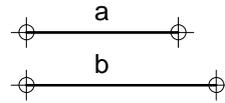
**DIBUJO TÉCNICO II**

Hallar gráficamente el segmento **cuarta proporcional** de los segmentos dados **a**, **b** y **c**.



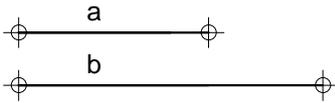
$$\frac{a}{b} = \frac{c}{X}$$

Hallar gráficamente el segmento **tercera proporcional** de los segmentos dados **a** y **b**.



$$\frac{a}{b} = \frac{b}{X}$$

Hallar gráficamente el segmento **media proporcional** de los segmentos dados **a** y **b**. (Aplicación del Teorema de la altura)

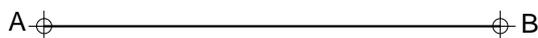


$$\frac{a}{X} = \frac{X}{b}$$

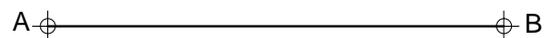
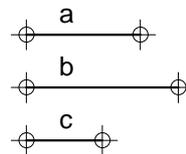
Hallar gráficamente el segmento **media proporcional** de los segmentos dados **a** y **b**. (Aplicación del Teorema del cateto)



Dividir el segmento AB en 9 partes iguales. (Aplicación del Teorema de Tales)



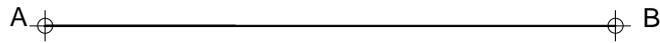
Dividir el segmento AB en partes proporcionales a los segmentos **c**, **d** y **e**. (Aplicación del Teorema de Tales)



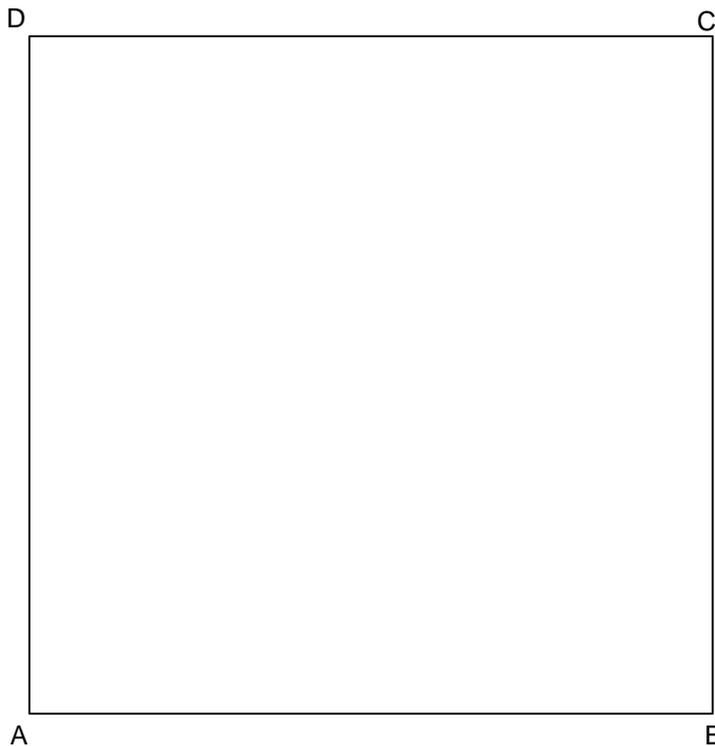
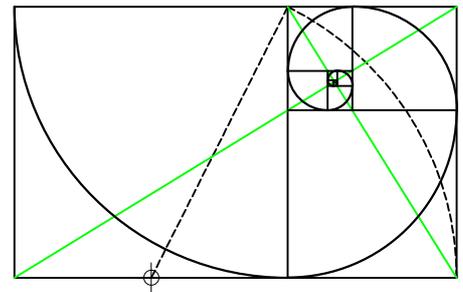


DIBUJO TÉCNICO II

Hallar la sección áurea del segmento **AB**



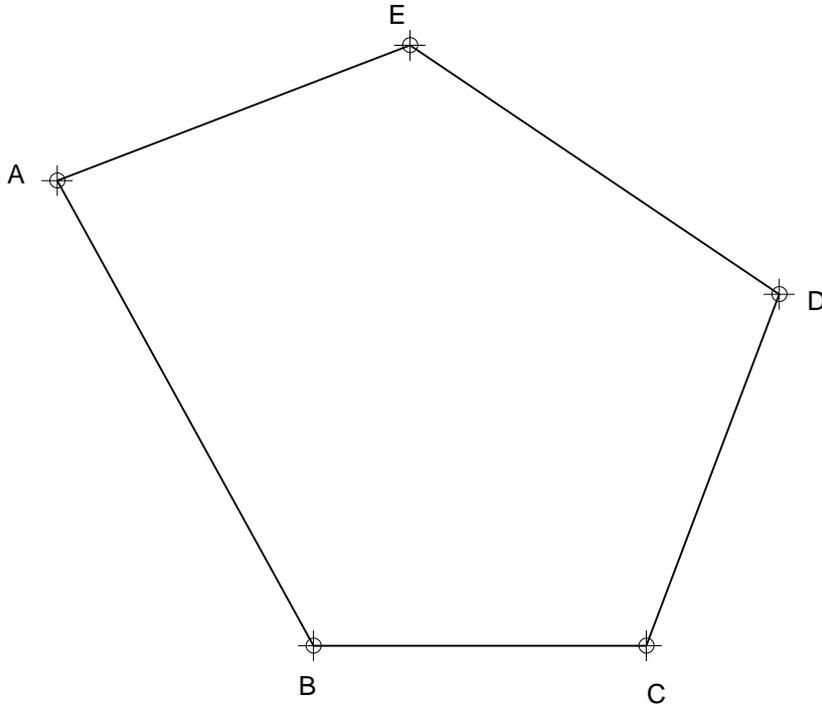
Dibujar el rectángulo áureo a partir del cuadrado ABCD. Dibujar la espiral áurea (espiral de Durero).



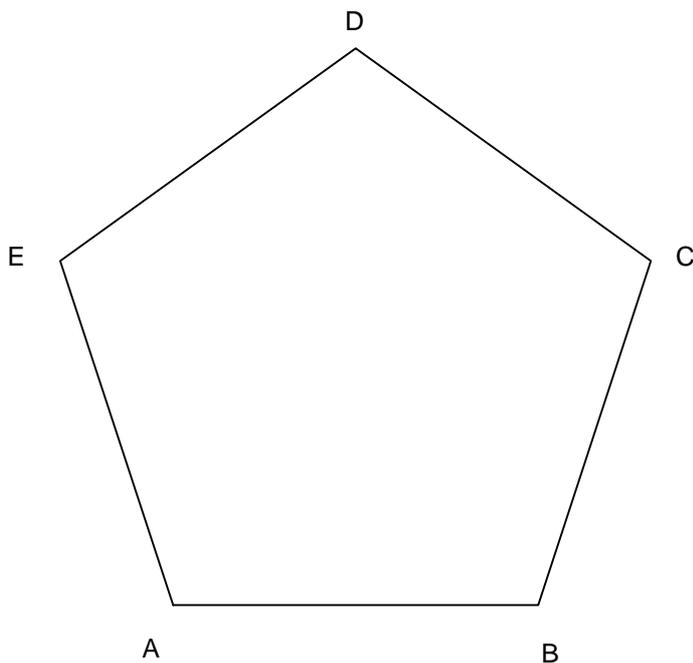


**DIBUJO TÉCNICO II**

Dibujar un triángulo equivalente al polígono dado ABCDE. Uno de los lados del triángulo debe ser AB.

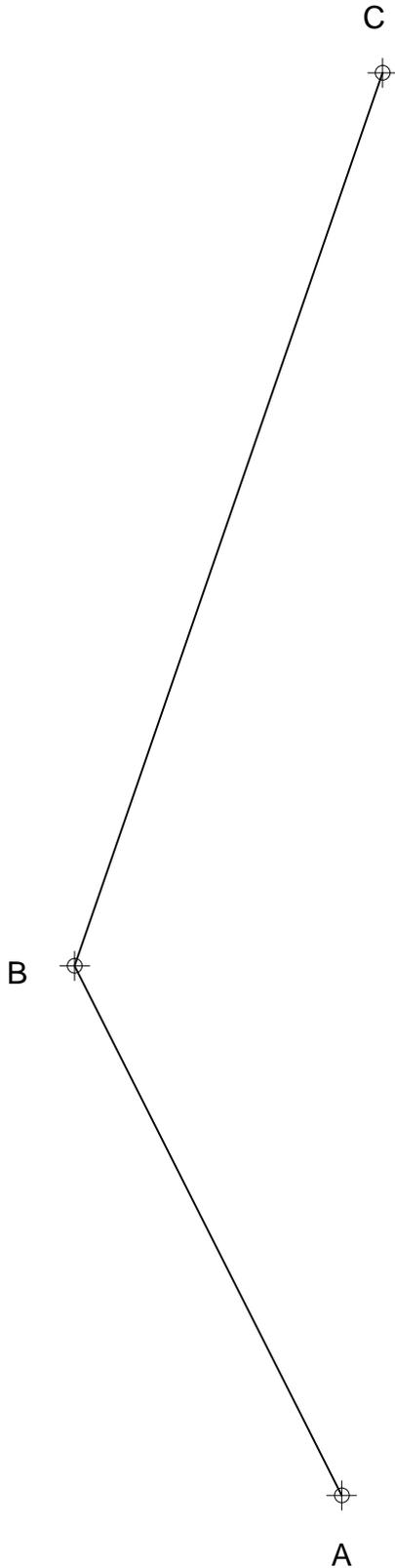


Dibujar el cuadrado equivalente al pentágono regular ABCDE.





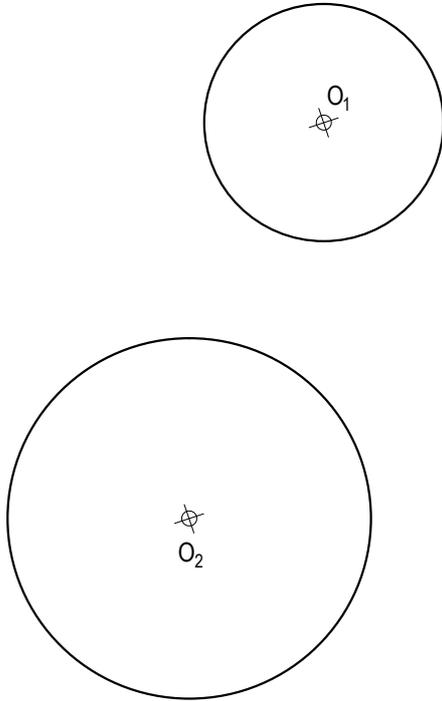
Hallar el punto M desde el cual se ven los segmentos AB y BC bajo ángulos de  $60^\circ$  y  $45^\circ$  respectivamente.



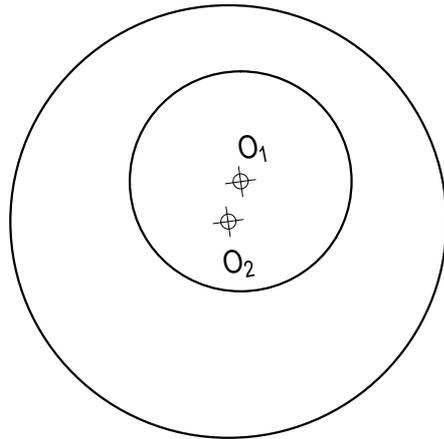


**DIBUJO TÉCNICO II**

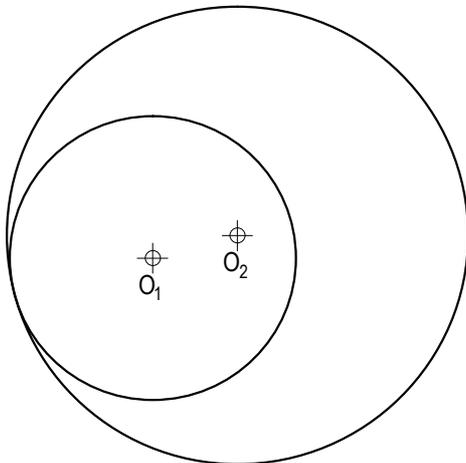
Trazar el Eje Radical de dos circunferencias exteriores.



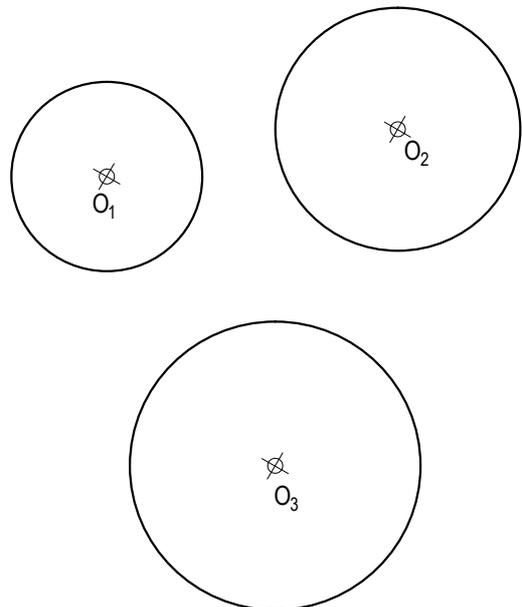
Trazar el Eje Radical de dos circunferencias interiores



Trazar el Eje Radical de dos circunferencias tangentes interiores.



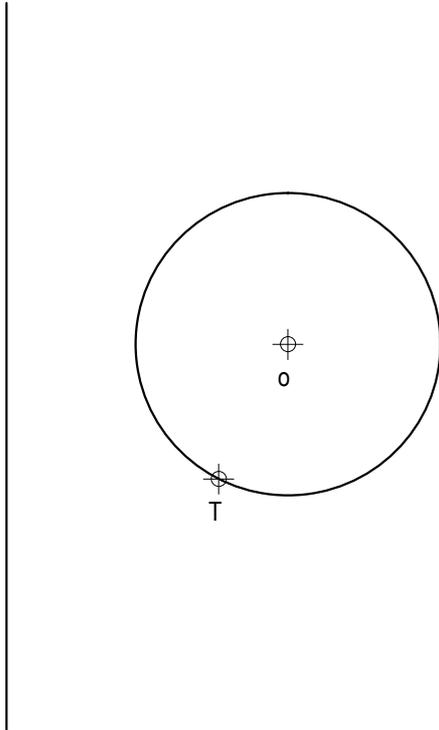
Hallar el Centro Radical de tres circunferencias.



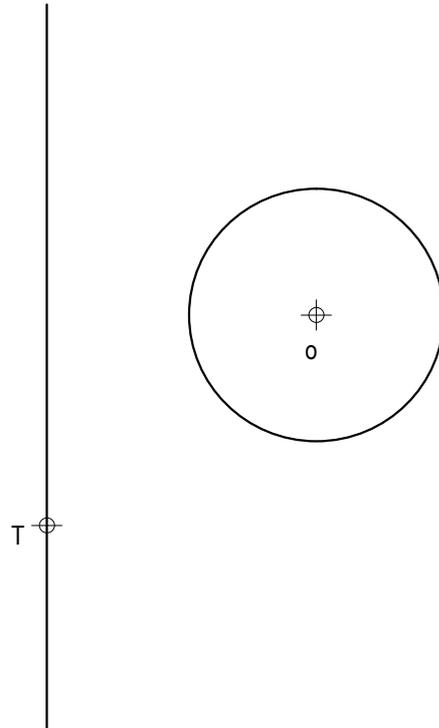


**DIBUJO TÉCNICO II**

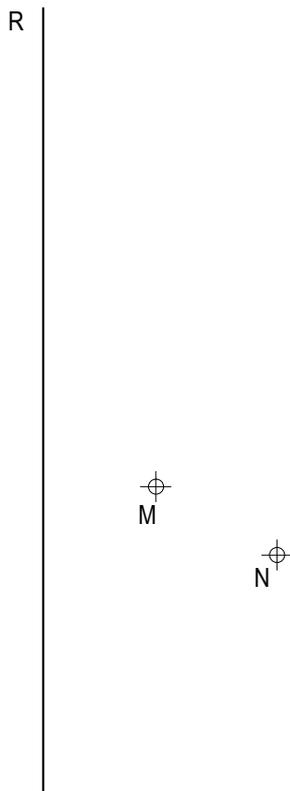
Dibujar las circunferencias tangentes a la rectas R y a la circunferencia dada conocido el punto de tangencia con la circunferencia.



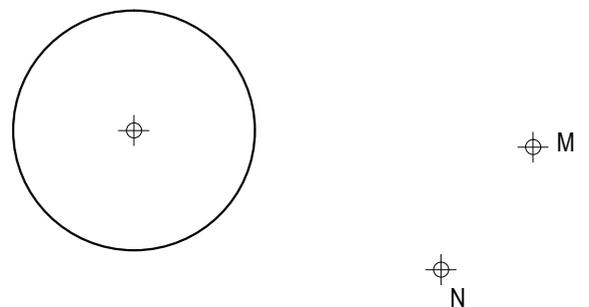
Dibujar las circunferencias tangentes a la recta R y a la circunferencia dada conocido el punto de tangencia con la recta.



Dibujar las circunferencias que pasen por los puntos M y N y sean tangentes a la recta R.



Dibujar las circunferencias tangentes a la circunferencia dada y que pasen por los puntos M y N.

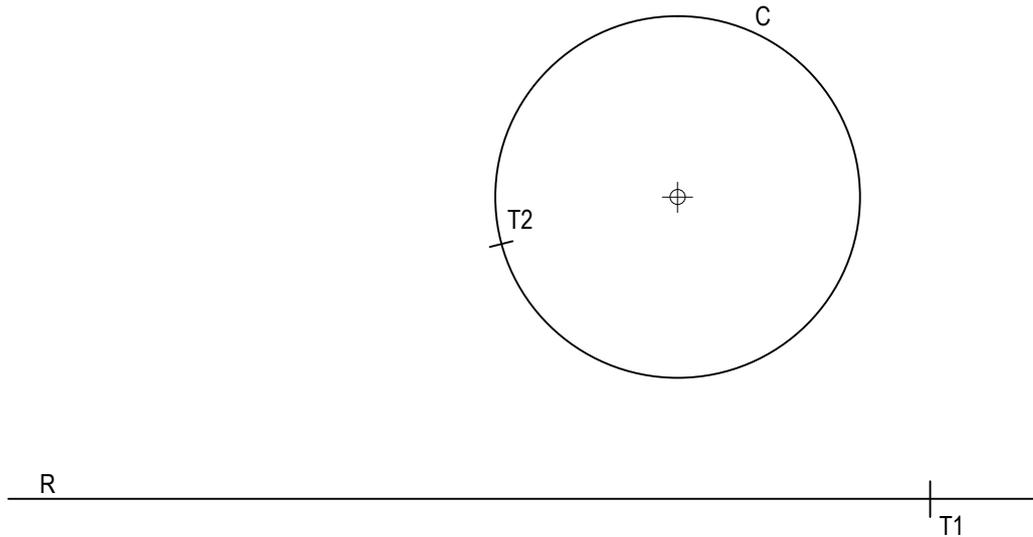




**DIBUJO TÉCNICO II**

Dadas la recta R y la circunferencia C, se pide:

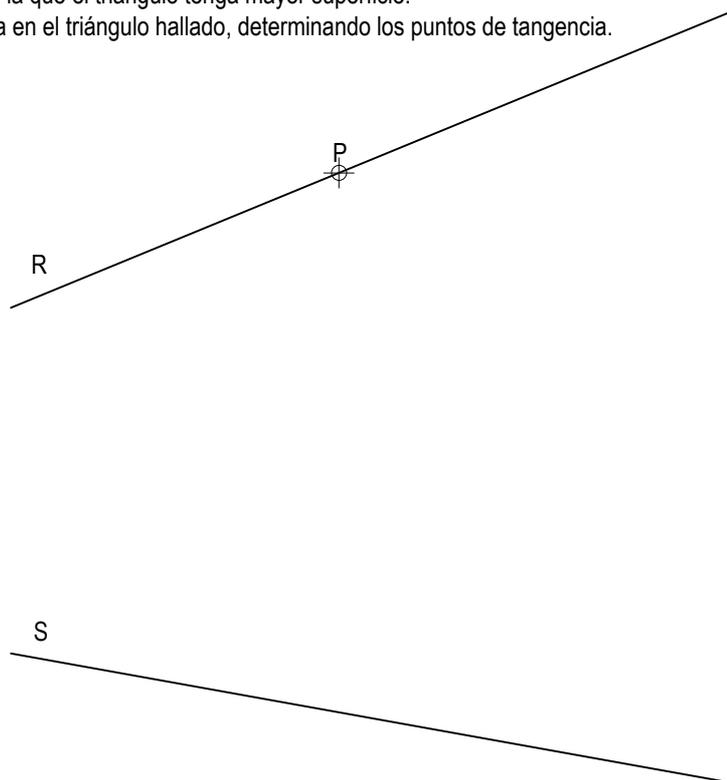
1. Dibujar las circunferencias tangentes a la circunferencia C y a la recta R en el punto T1, indicando los puntos de tangencia en la circunferencia.
2. Dibujar las circunferencias tangentes a la recta R y a la circunferencia C en el punto T2, indicando los puntos de tangencia en la recta.



(Tangencias 2003-10 / 01)

Dadas las rectas R y S y el punto P perteneciente a una de ellas, se pide:

1. Trazar la circunferencia tangente a ambas rectas y que contenga al punto P. Hallar el punto de tangencia en la recta S.
2. Dibujar el triángulo isósceles inscrito en dicha circunferencia que tiene por lado desigual el segmento determinado por los puntos de tangencia. Elegir la solución en la que el triángulo tenga mayor superficie.
3. Dibujar la circunferencia inscrita en el triángulo hallado, determinando los puntos de tangencia.



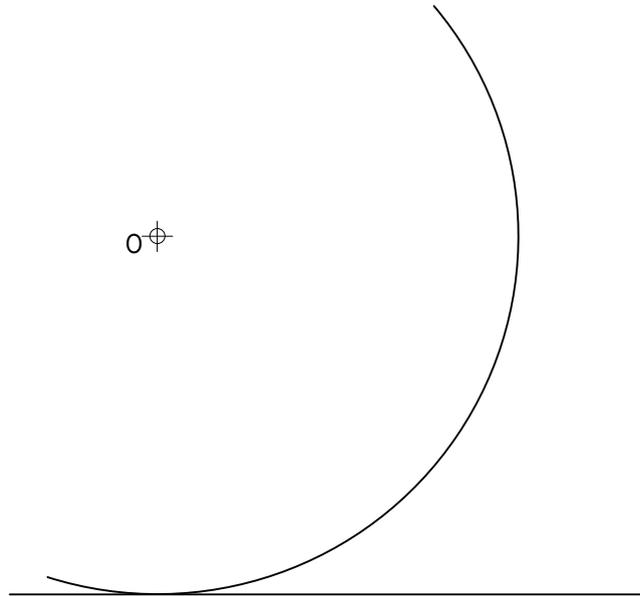
(Tangencias 2003-10 / 09)



**DIBUJO TÉCNICO II**

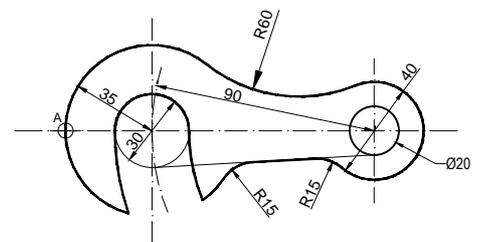
Dados el arco de circunferencia de centro O y la recta R, se pide:

1. Dibujar la circunferencia de radio 14 mm. tangente a ambas (de las dos soluciones representar la de la derecha).
2. Trazar la recta tangente al arco de circunferencia y a la circunferencia obtenida, dejando constancia de las construcciones geométricas realizadas.



(Tangencias 2003-10 / 22)

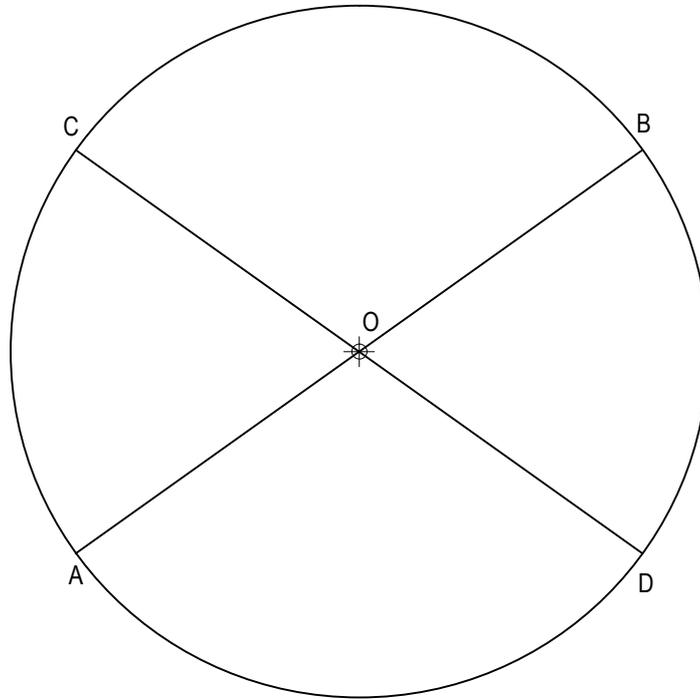
Dibujar a escala 1:1 la figura representada, determinando geoméricamente los centros de los arcos de enlace y puntos de tangencia. Realizar el dibujo a partir del punto A dado



(Tangencias 2003-10 / 24)

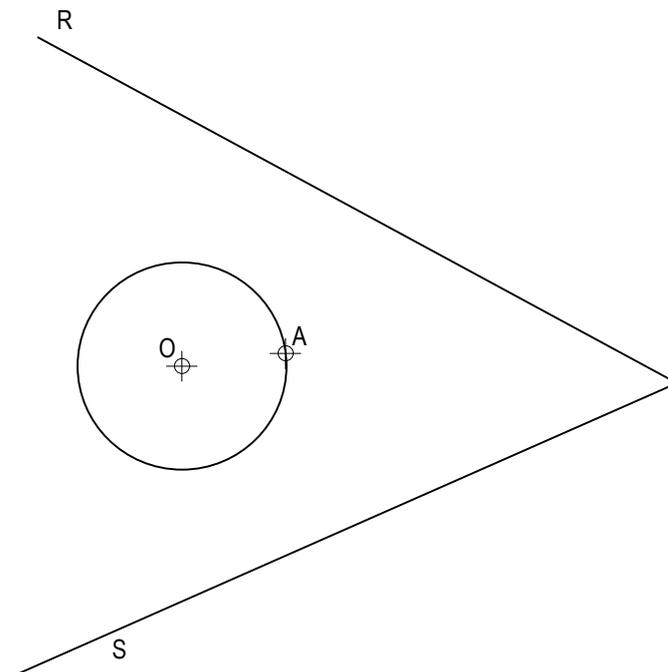


Dada la circunferencia de centro O y dos de sus diámetros AB y CD, se pide:  
Dibujar las circunferencias tangentes interiores a la dada que además sean tangentes a los diámetros AB y CD. Indicar con claridad los puntos de tangencia.



Dadas las rectas R y S y la circunferencia de centro O, se pide:

1. Enlazar las rectas R y S con un arco de circunferencia de 15 mm de radio, determinando su centro y los puntos de tangencia.
2. Enlazar la recta R y la circunferencia de centro O con un arco de circunferencia tangente a la circunferencia en el punto A. Dibujar todas las soluciones posibles, determinando los centros y los puntos de tangencia con la recta.

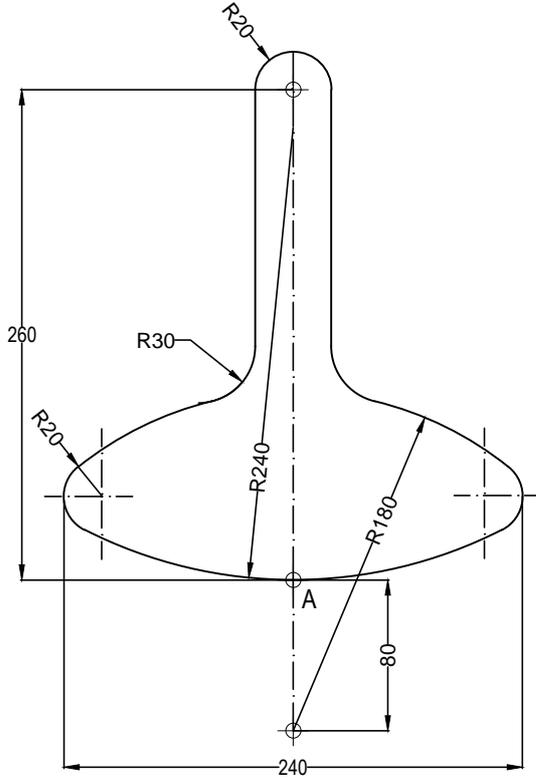




DIBUJO TÉCNICO II

A partir del croquis del Tubo de Rayos Catódicos representado, se pide:

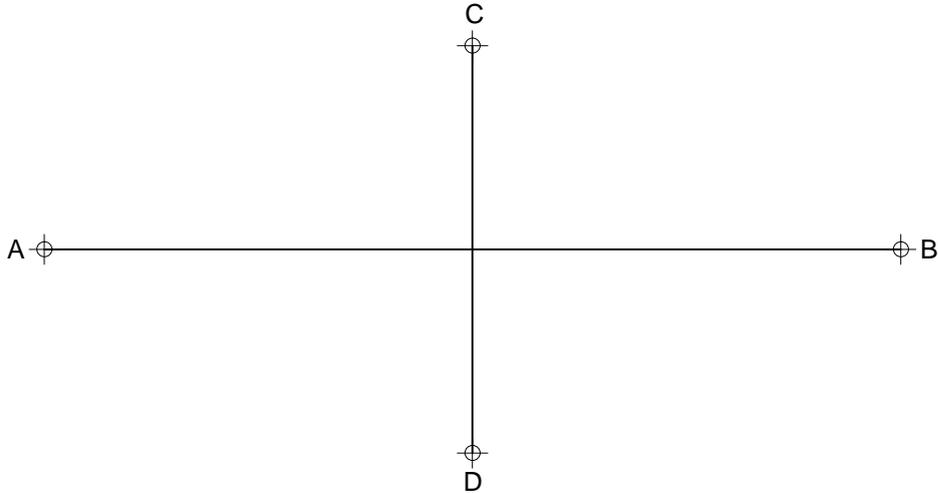
1. El trazado del Tubo de Rayos Catódicos desde el punto A a escala 1:2.
2. Los centros y puntos de tangencia.



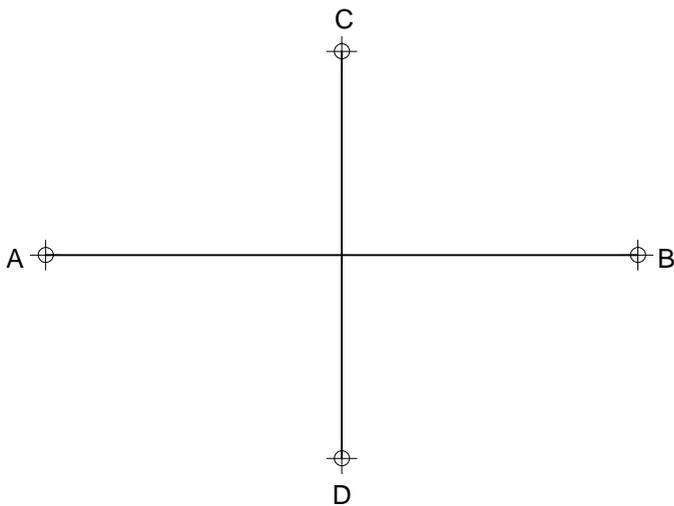


DIBUJO TÉCNICO II

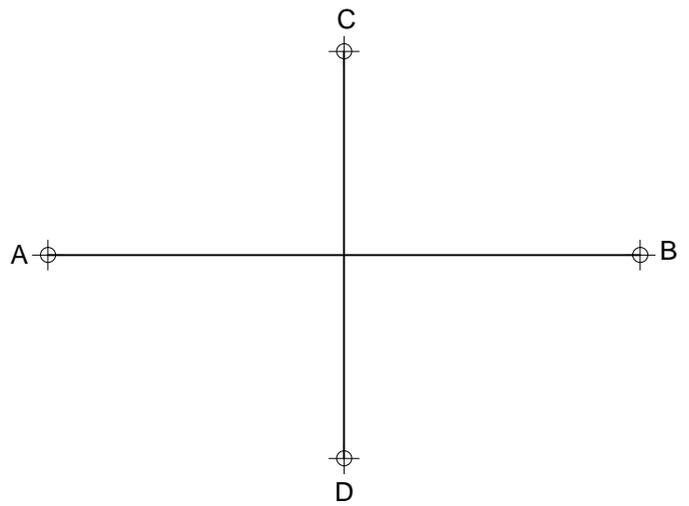
Dibujar una elipse conocidos sus dos ejes AB y CD. (por puntos)



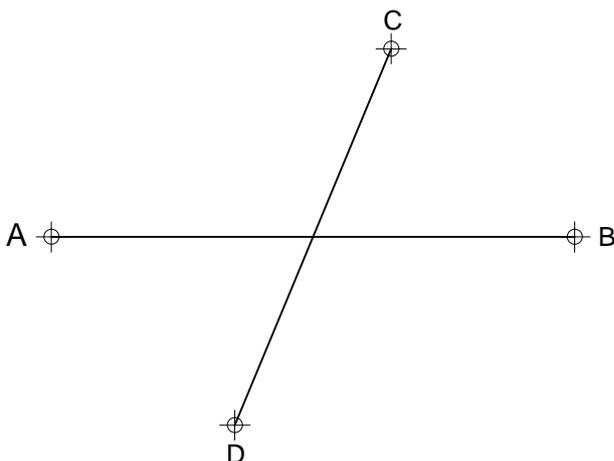
Dibujar una elipse conocidos sus dos ejes AB y CD. (afinidad)



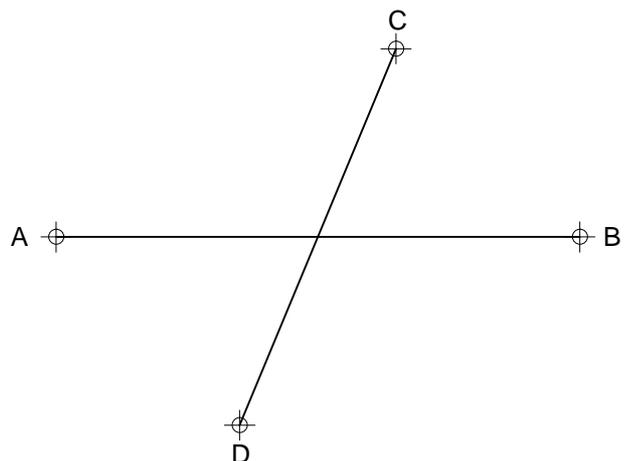
Dibujar una elipse conocidos sus dos ejes AB y CD. (inscrita en rectángulo)



Dibujar una elipse conocidos sus diámetros conjugados AB y CD. (afinidad)



Dibujar una elipse conocidos sus diámetros conjugados AB y CD. (inscrita en romboide)

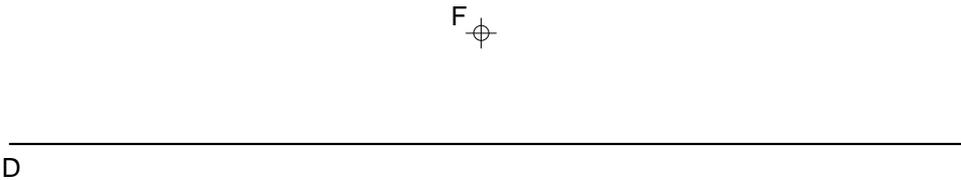




**DIBUJO TÉCNICO II**

Dibujar una parábola conocidos el foco F y la recta directriz D.

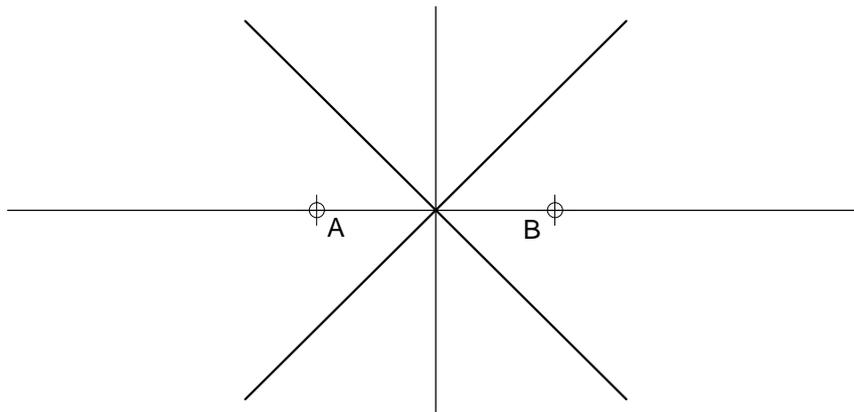
F



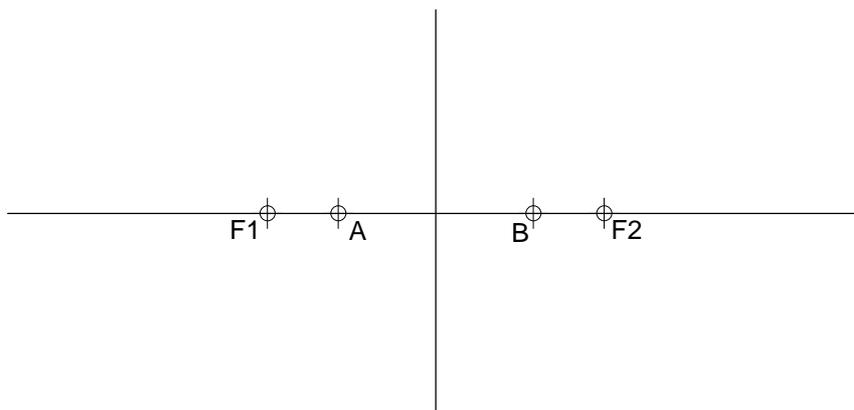
A diagram for constructing a parabola. It shows a point labeled 'F' with a small circle and crosshair, representing the focus. Below it is a horizontal line labeled 'D', representing the directrix.

D

Dibujar una hipérbola conocidos los vértices A y B, y las asíntotas.



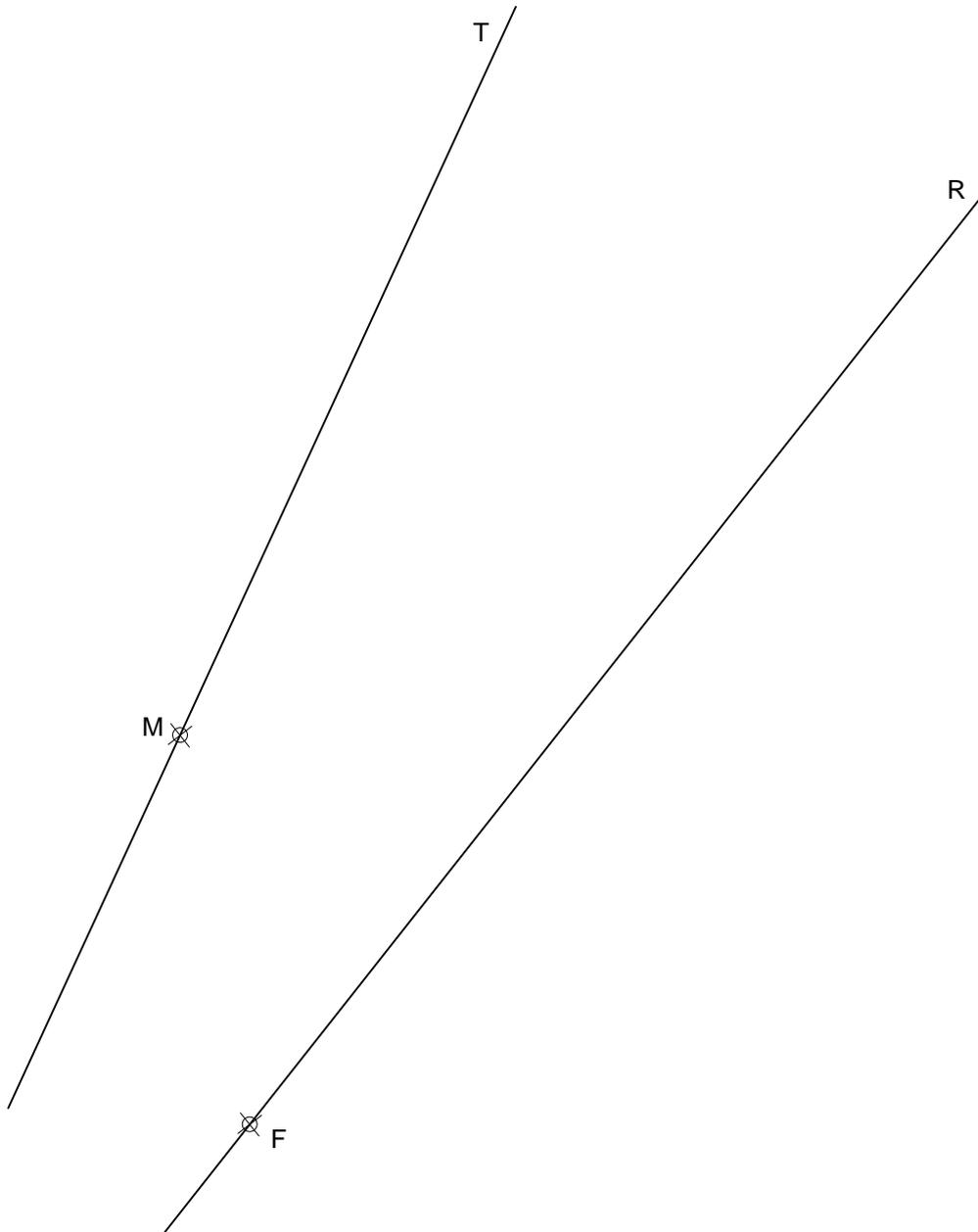
Determinar las asíntotas de una hipérbola y dibujar la curva conocidos los vértices A y B, y los focos F1 y F2.





Dadas las rectas R y T y los puntos F y M, se pide:

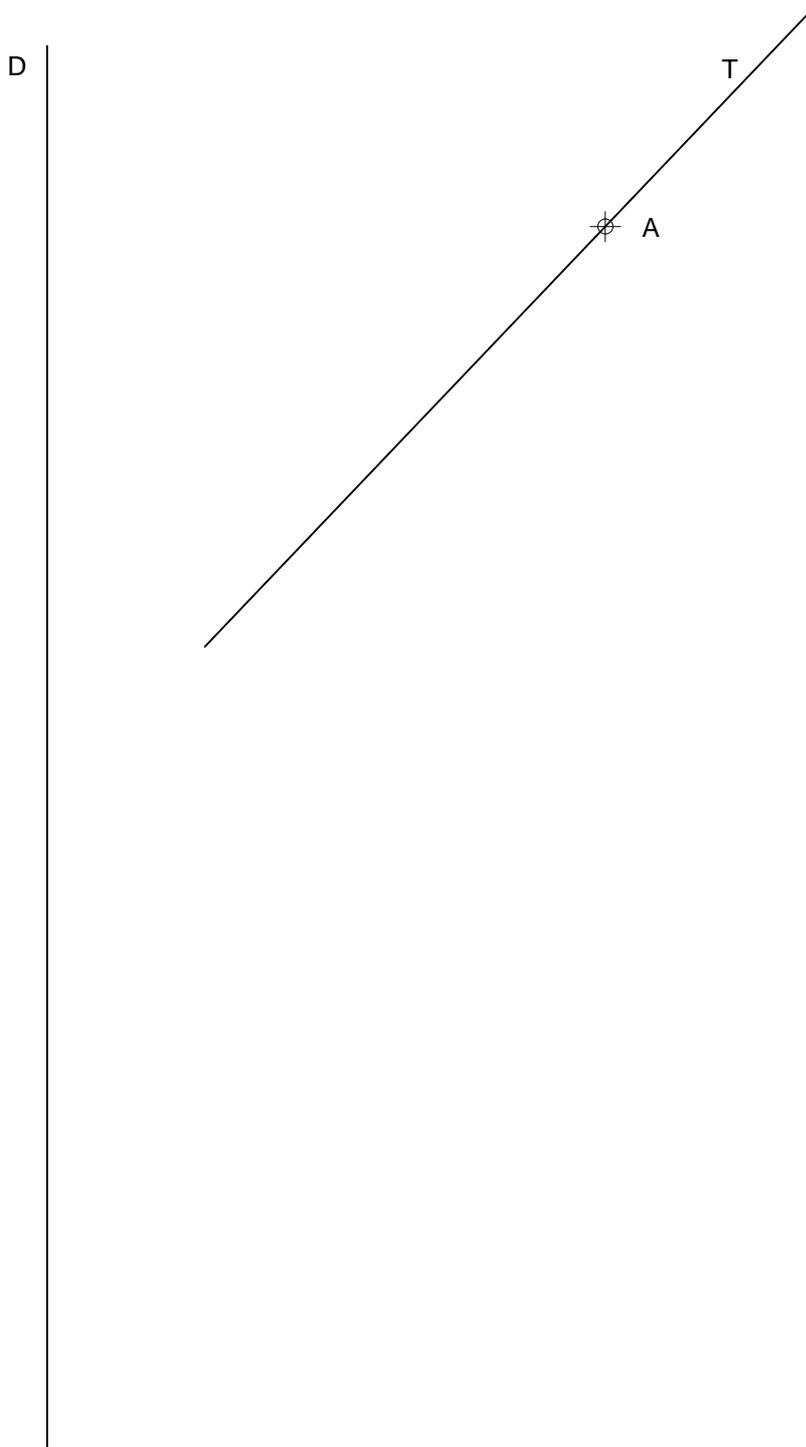
Dibujar la elipse sabiendo que el eje mayor se encuentra en la recta R, el punto F es un foco, el punto M es un punto de la cónica y la recta T es la tangente a la elipse en el punto M.





Dados el punto A, la tangente T en el punto A y la directriz D de una parábola, se pide:

1. Determinar el eje, foco y vértice de la cónica.
2. Dibujar la parábola.
3. Representar la recta normal a la cónica en el punto A.





Dado el segmento AB, se pide:

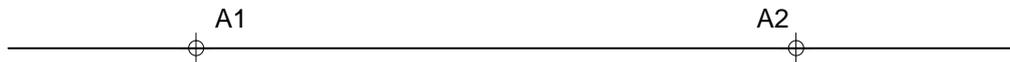
1. Representar los triángulos isósceles que tienen el segmento AB como lado desigual y cuyos ángulos opuestos son de  $45^\circ$ .
2. Dibujar la elipse que tiene por vértices los puntos A y B, siendo sus otros dos vértices los de los triángulos determinados anteriormente.





De una hipérbola equilátera se conoce el eje real y los vértices A1 y A2. Se pide:

1. Determinar las asíntotas.
2. Hallar gráficamente los focos F1 y F2.
3. Dibujar por puntos las dos ramas de la cónica.
4. Dibujar la tangente y la normal en uno de los puntos obtenidos.





I.E.S. PADRE MANJÓN  
GRANADA / Dpto. de DIBUJO

Título

**Curvas cíclicas: Cicloide**

Nombre y apellidos

\_\_\_\_\_

Fecha

\_\_\_\_\_

Curso / Grupo

\_\_\_\_\_

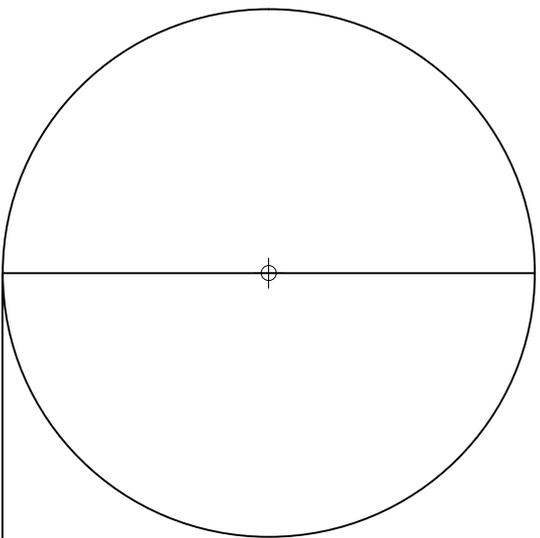
Nº

**TG-24**

Vº

\_\_\_\_\_

DIBUJO TÉCNICO II





I.E.S. PADRE MANJÓN  
GRANADA / Dpto. de DIBUJO

Título

**Curvas cíclicas: Epicloide**

Nombre y apellidos

DIBUJO TÉCNICO II

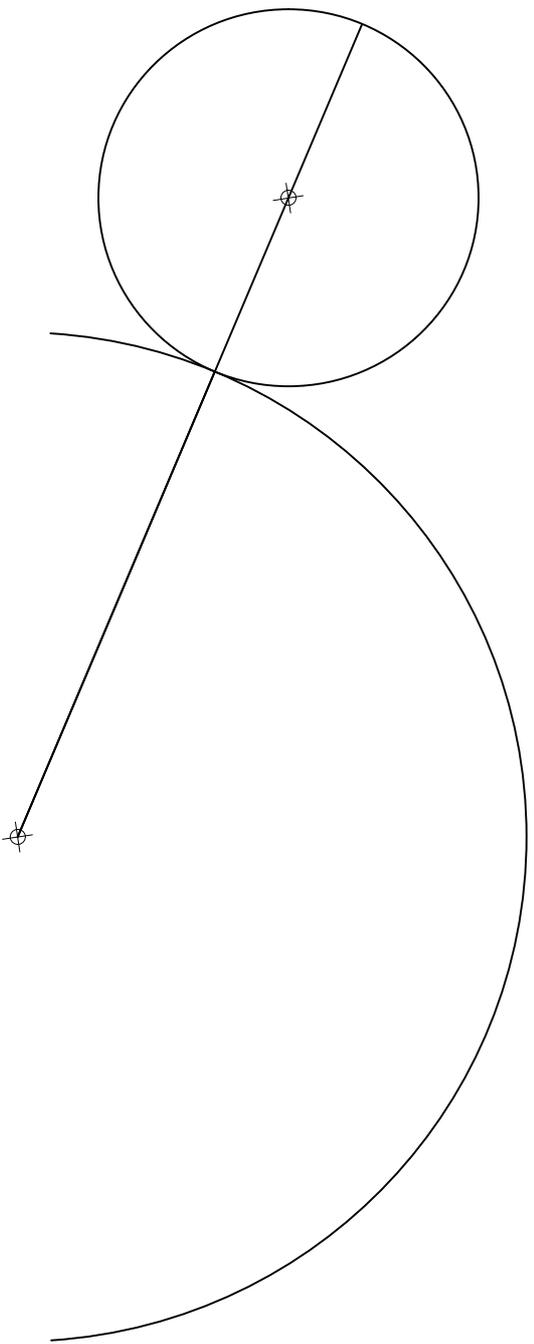
Fecha

Curso / Grupo

Nº

**TG-25**

Vº

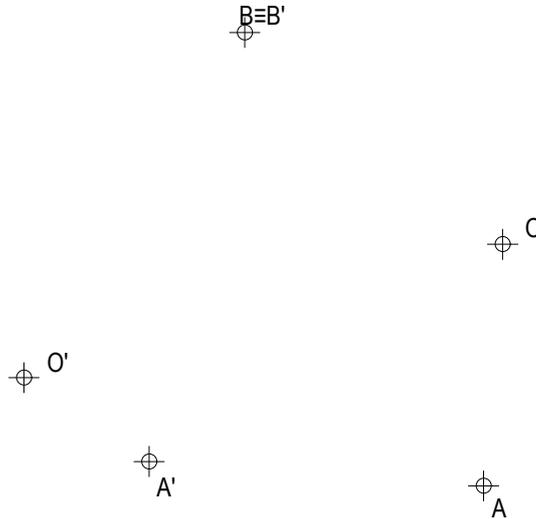




DIBUJO TÉCNICO II

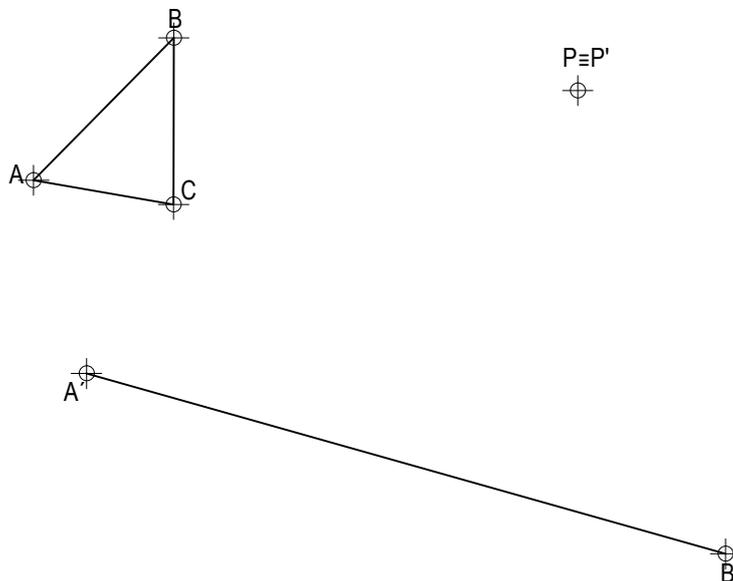
En una homología, definida por dos pares de puntos homólogos  $A-A'$  y  $O-O'$  y por un punto doble  $B=B'$ , se sabe que el segmento  $AB$  es el lado de un triángulo escaleno y el punto  $O$  su baricentro, se pide:

1. Trazar el triángulo escaleno.
  2. Determinar el eje y el centro de la homología.
  3. Dibujar la figura homóloga del triángulo.
- (Homología 17)



Dado el triángulo  $ABC$ , el lado homólogo de  $AB$  y el punto doble  $P=P'$ , se pide:

- 1.- Representar el eje de homología.
  - 2.- Representar el centro de homología.
  - 3.- Representar el triángulo homólogo al dado.
- (Homología 3).

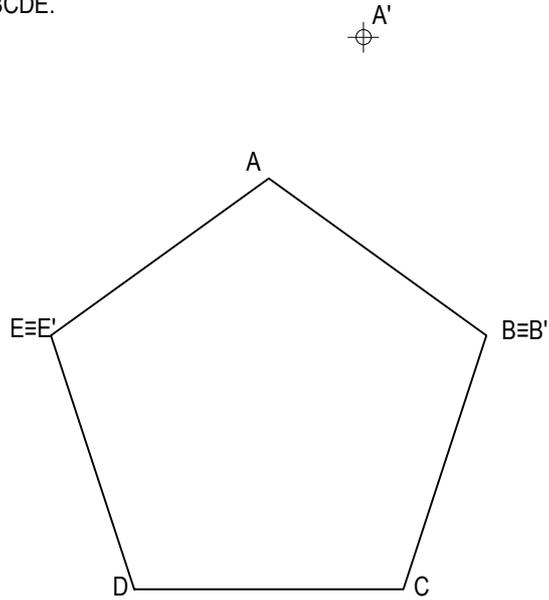




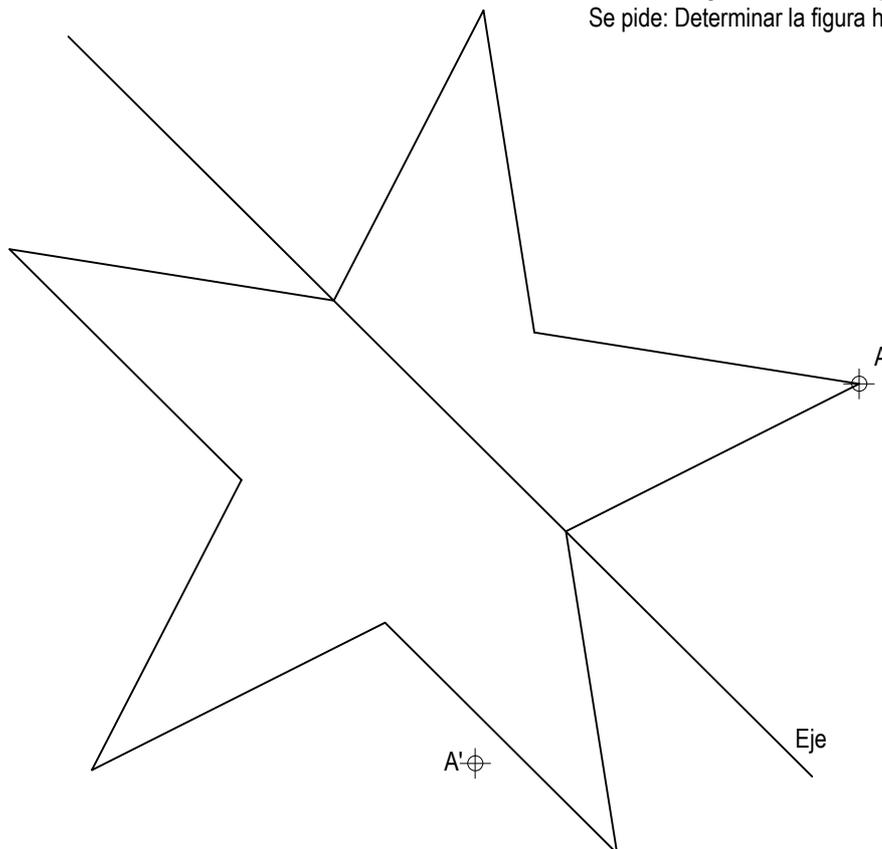
DIBUJO TÉCNICO II

Una homología afín se define por los pares de puntos homólogos A-A', B-B' y E-E'. Se pide:

- 1.- Trazar el eje de la homología afín.
- 2.- Representar la figura afín del pentágono ABCDE.  
(Homología 4)



Una homología afín se define por su eje y el par de puntos afines AA'.  
Se pide: Determinar la figura homóloga del pentágono estrellado.  
(Homología 19)



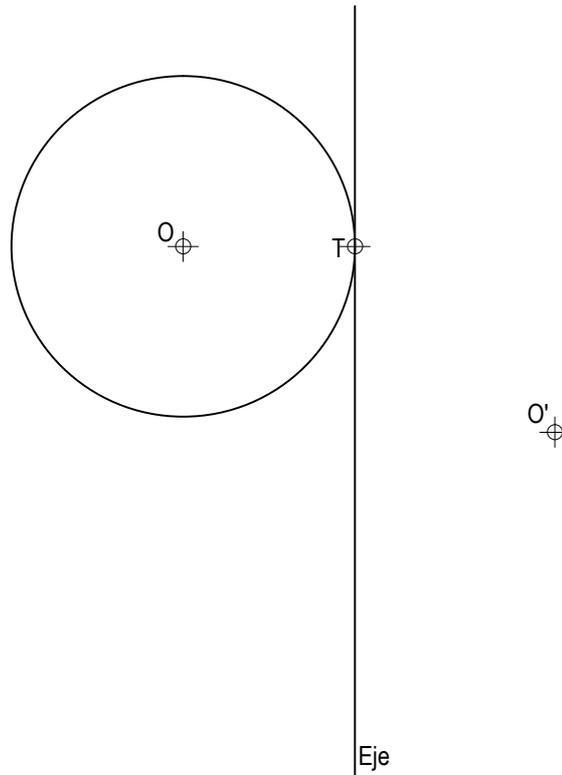


DIBUJO TÉCNICO II

Una homología afín se define por el eje y por un par de puntos homólogos  $O$  y  $O_1$ . Se pide:

- 1.- Determinar los ejes y focos de la cónica homóloga de la circunferencia de centro  $O$ .
- 2.- Dibujar la figura afín de la circunferencia dada.

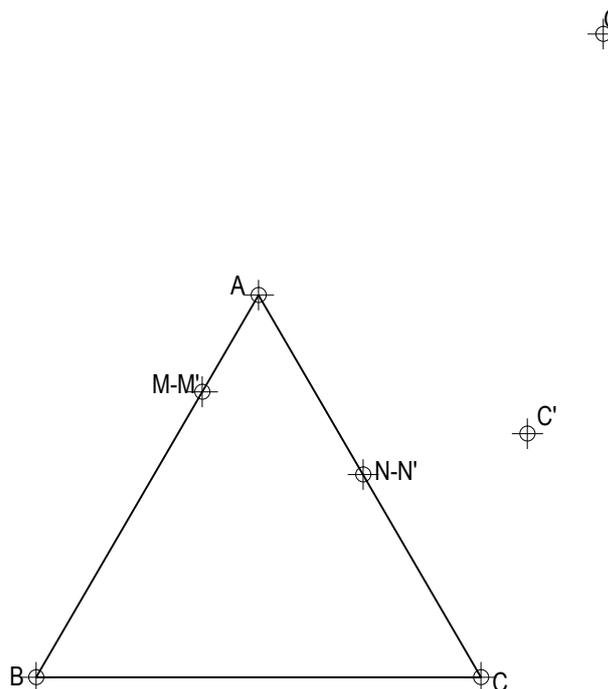
(Homología 6)



Definida una homología por el centro  $O$  y los pares de puntos homólogos  $C-C'$ ,  $M-M'$  y  $N-N'$ , donde  $M$  y  $N$  son puntos dobles, se pide:

- 1.- Determinar el eje de homología.
- 2.- Representar la figura homóloga del triángulo  $ABC$ .

(Homología 16)

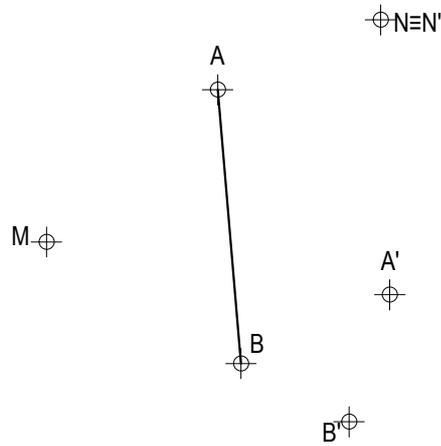




Dados el segmento AB, el punto M y la homología definida por los pares de puntos homólogos A-A', B-B' y N≡N' (doble), se pide:

1. Trazar el triángulo isósceles ABC, de lado desigual AB, circuncentro M y mayor área posible.
2. Determinar el eje y centro de la homología.
3. Dibujar la figura homóloga del triángulo.

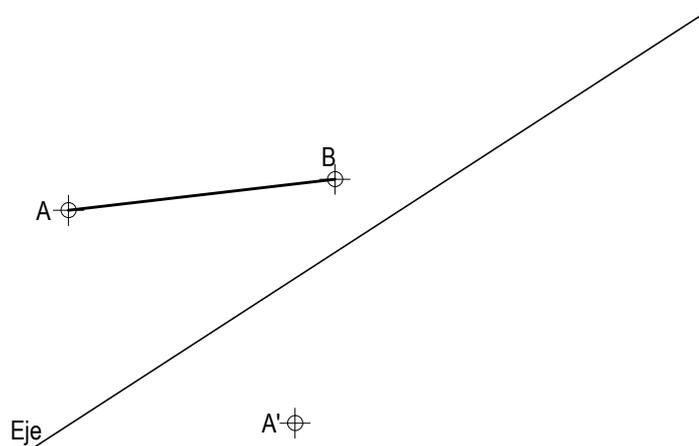
(PAU junio 2011)



Dados el segmento AB y la homología afín definida por su eje y el par de puntos homólogos A-A'. se pide:

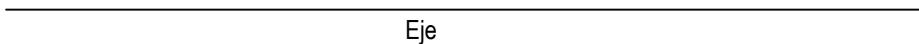
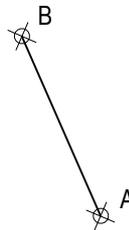
1. Trazar el pentágono regular de lado AB. Elegir la solución que no corte al eje de afinidad.
2. Dibujar la figura afín del polígono anterior.

(PAU sept. 2012)





- Dados el segmento AB y la homología afín definida por su eje y el par de puntos homólogos A-A', se pide:
1. Trazar el pentágono regular de lado AB que tiene los restantes vértices a la izquierda del lado representado.
  2. Dibujar la figura homóloga del polígono anterior.
- (PAU sept 2013)



Eje

- Dado el cuadrado ABCD y sus diagonales, hallar su figura afín al aplicar la afinidad definida por su eje y por el par de puntos afines A-A'.
- (homología 1)

